

# 集積デバイス工学

## オペアンプ(2)

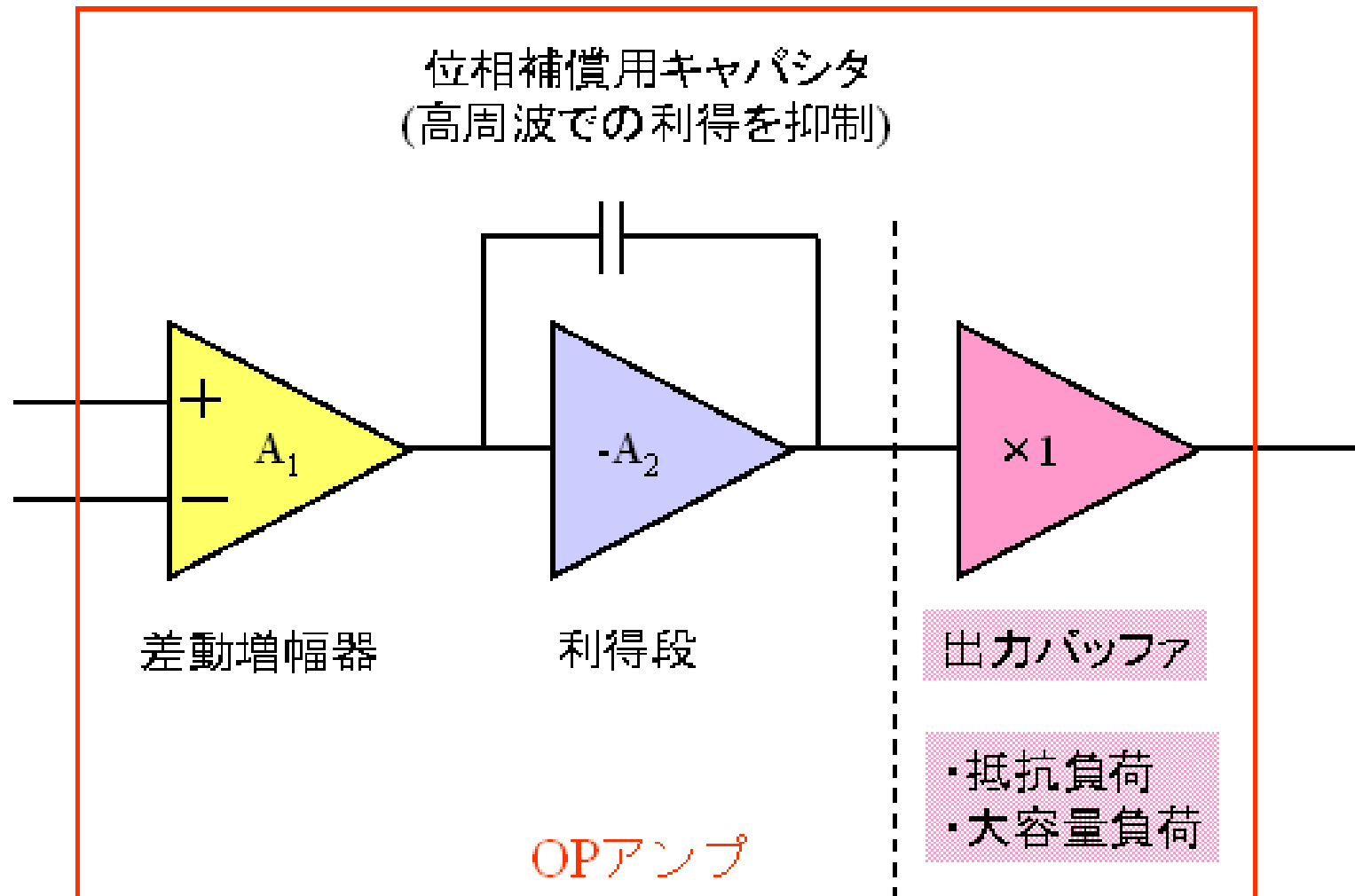
- ・出力段の設計
- ・設計上の注意事項
- ・位相補償

# 出力段(バッファ)の設計

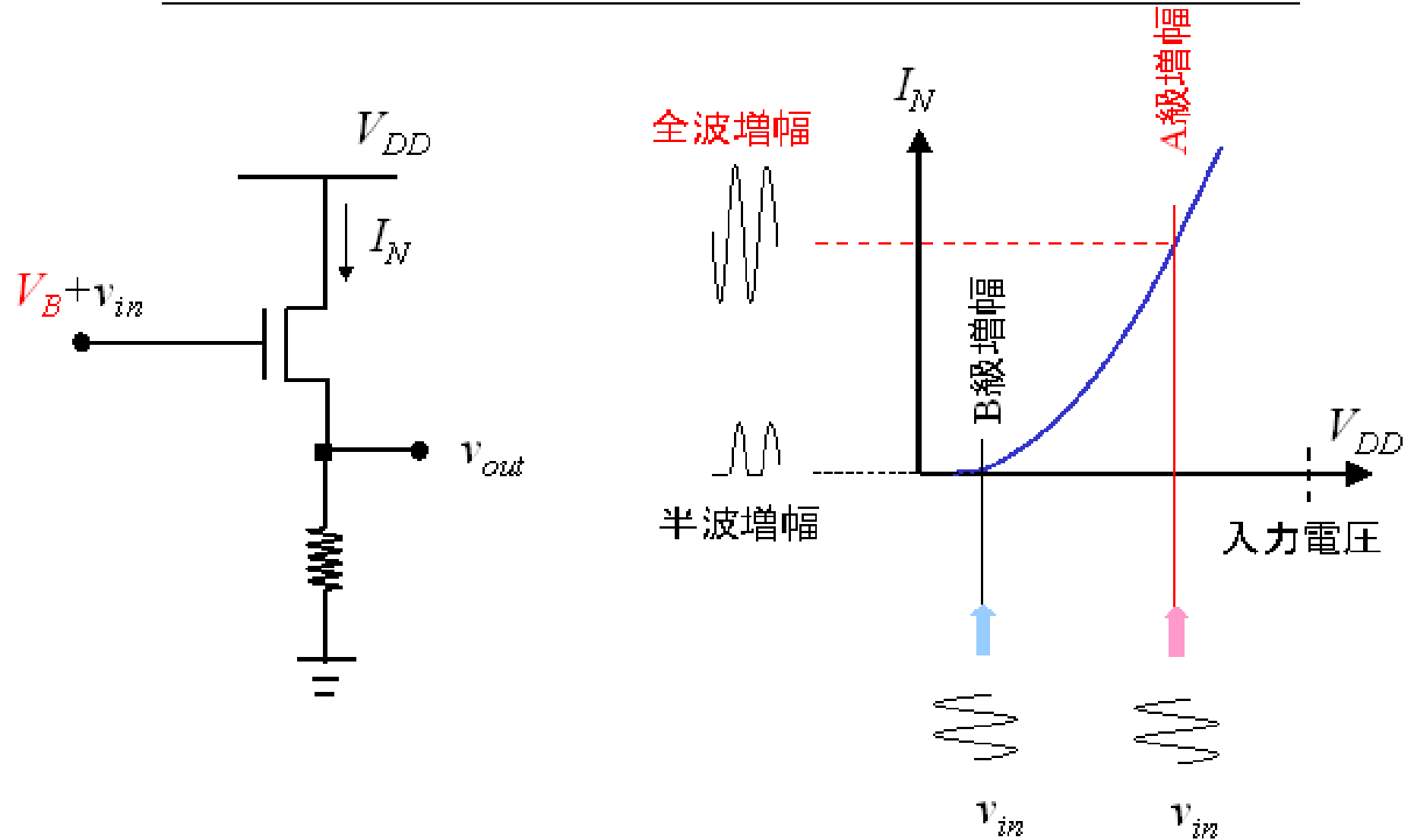
---

- 1.出力段の種類
- 2.電圧シフト型出力段
- 3.ソース結合型出力段
- 4.その他の出力段

# オペアンプの基本構造

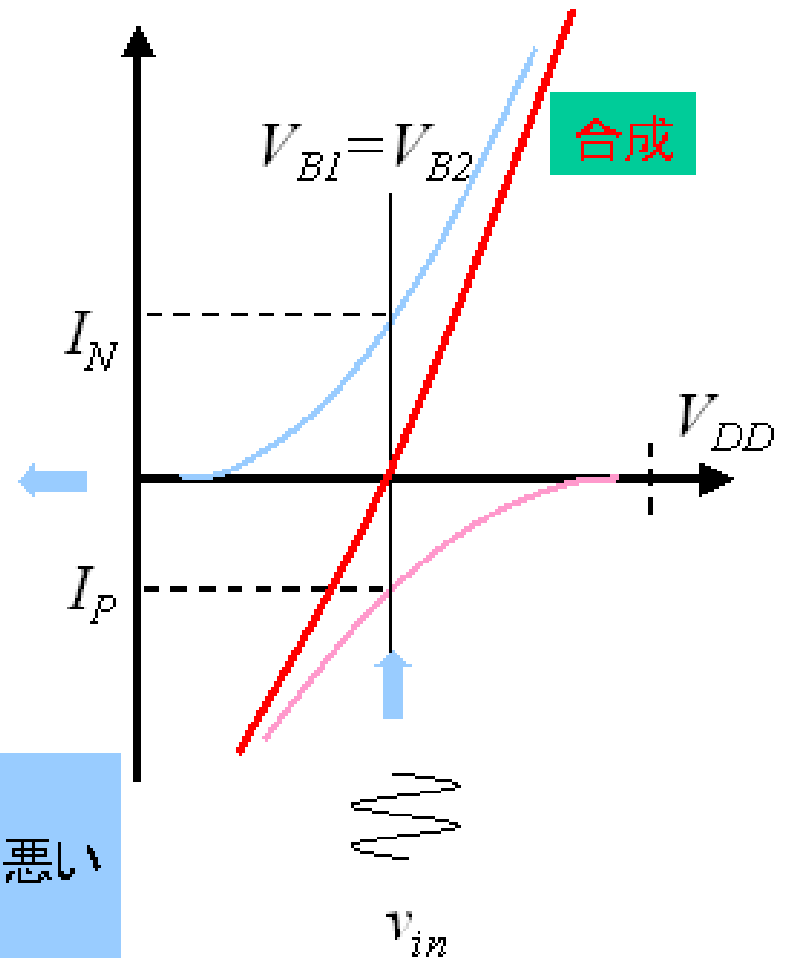
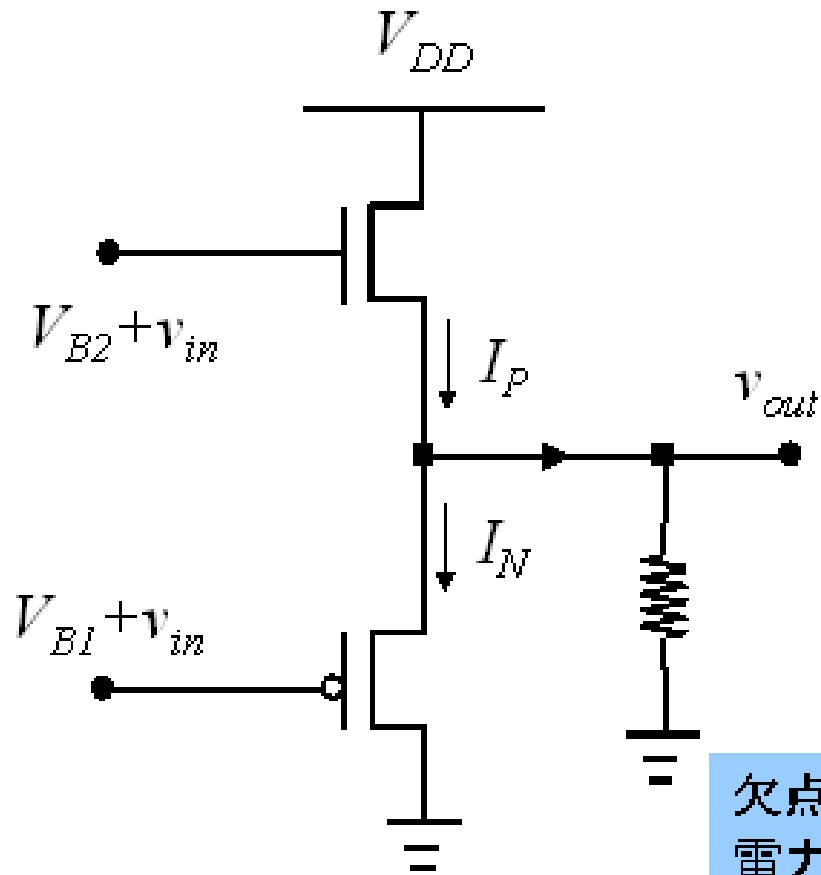


# 出力増幅回路の種類



# プッシュプル型出力増幅器の種類

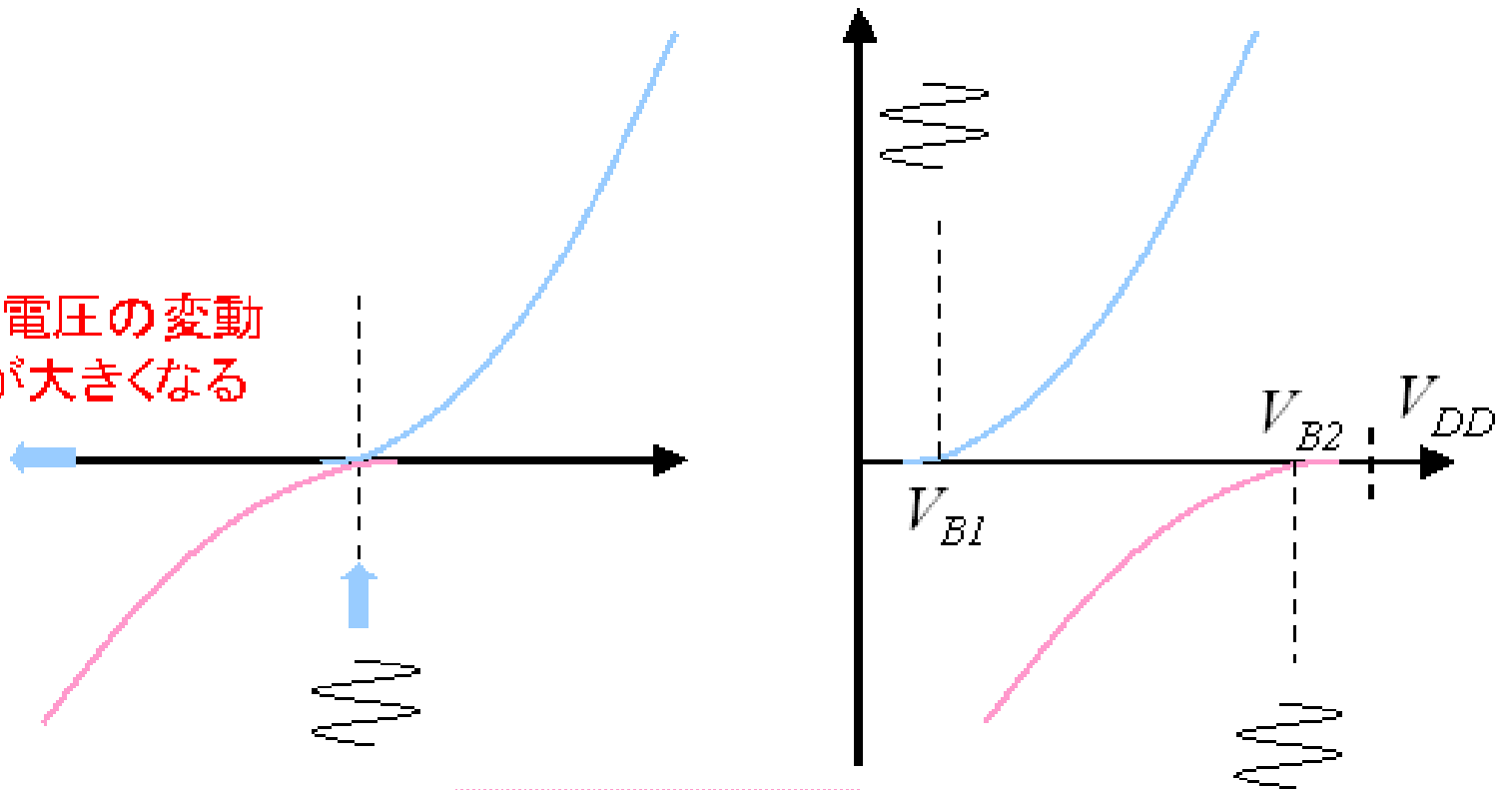
## A級増幅



- 欠点:  
電力効率が悪い
- 利点:  
歪が小さい

## B級増幅

温度や電源電圧の変動  
によって歪が大きくなる

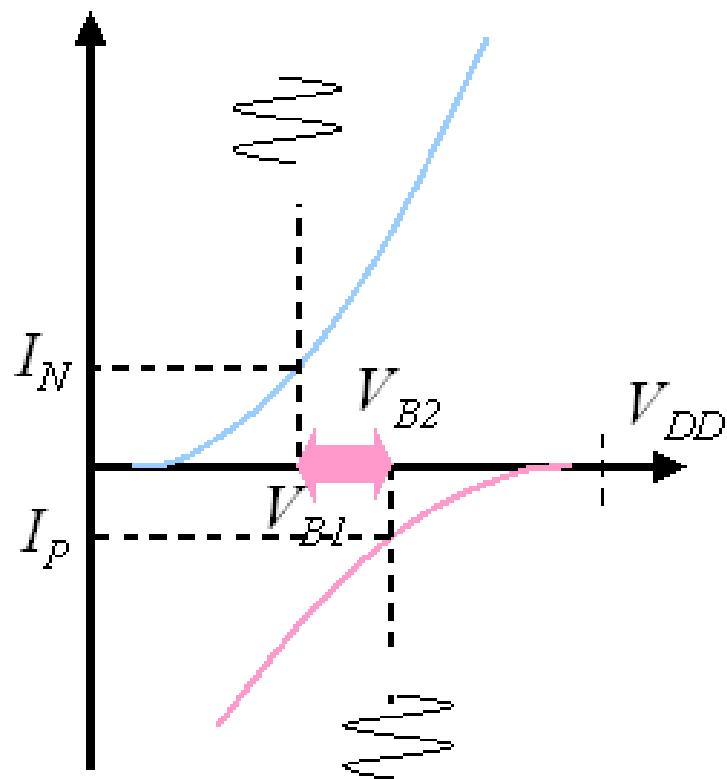
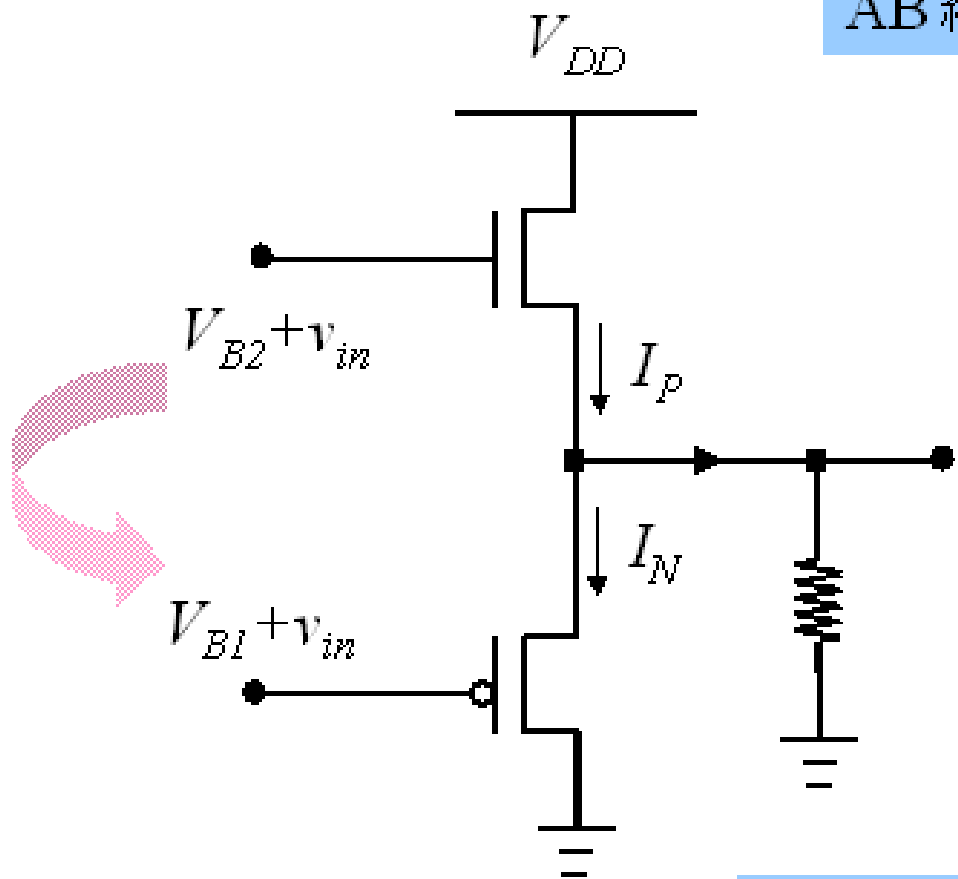


欠点:  
歪が大きい

利点:  
電力効率が良い

# バッファ段のバイアス点

## AB級増幅



AB級の利点:

1. 歪が少ない
2. 電力効率が良い

# 電圧シフト型出力段

バッファ段へのバイアス電圧の与え方

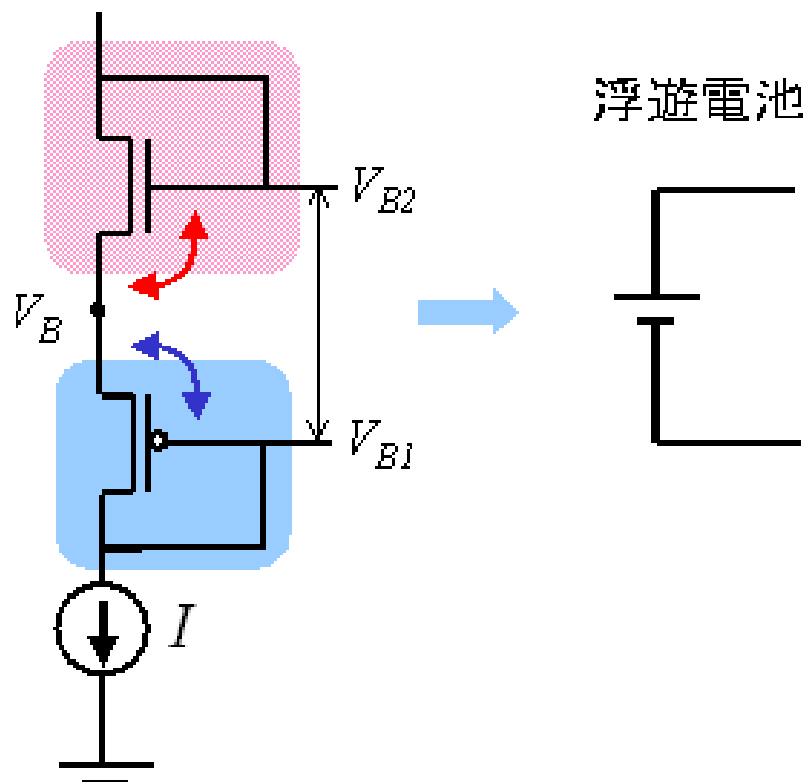
$$I = \frac{\beta_n}{2} (V_{B2} - V_B - V_{Tn})^2 \rightarrow \sqrt{\frac{2I}{\beta_n}} = V_{B2} - V_B - V_{Tn}$$

$$I = \frac{\beta_p}{2} (V_{B1} - V_B - |V_{Tp}|)^2 \rightarrow \sqrt{\frac{2I}{\beta_p}} = V_B - V_{B1} - |V_{Tp}|$$

ソースフォロア

$$V_{B2} - V_{B1} = \underbrace{\sqrt{\frac{2I}{\beta_n}} + V_{Tn}}_{V_{B2} - V_B} + \underbrace{\sqrt{\frac{2I}{\beta_p}} + |V_{Tp}|}_{V_B - V_{B1}}$$

電流  $I$  を与えると固定電位となる





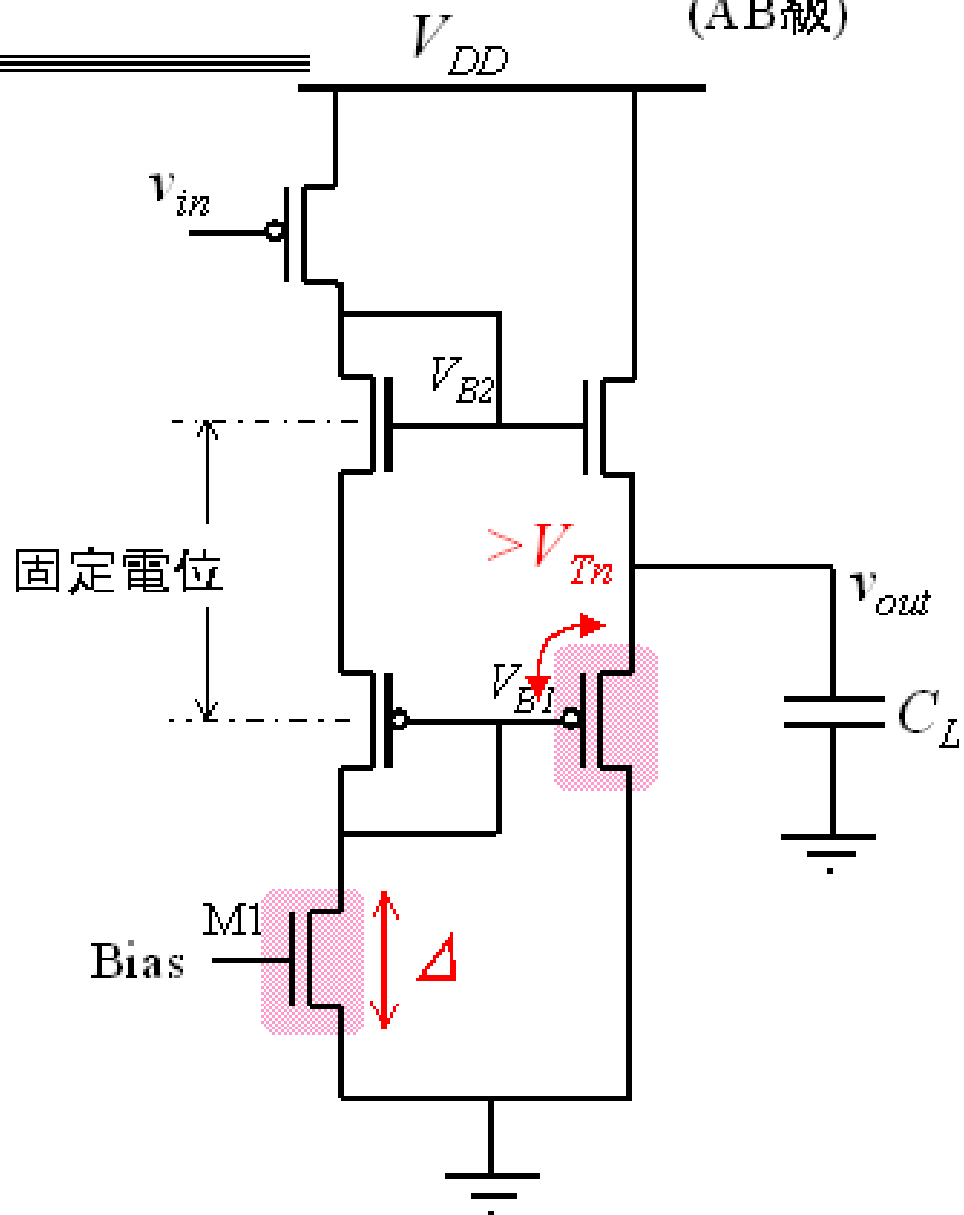
# 相補性ソースフォロア増幅回路 (浮遊電圧源)

バッファ増幅回路  
(AB級)

$V_{B2} - V_{B1}$  の値によって  
A, B, AB級に分類可

欠点: 出力電圧の振幅が制限

$$\Delta + |V_{Tp}| < v_{out} < V_{DD} - \Delta - V_{Tr}$$

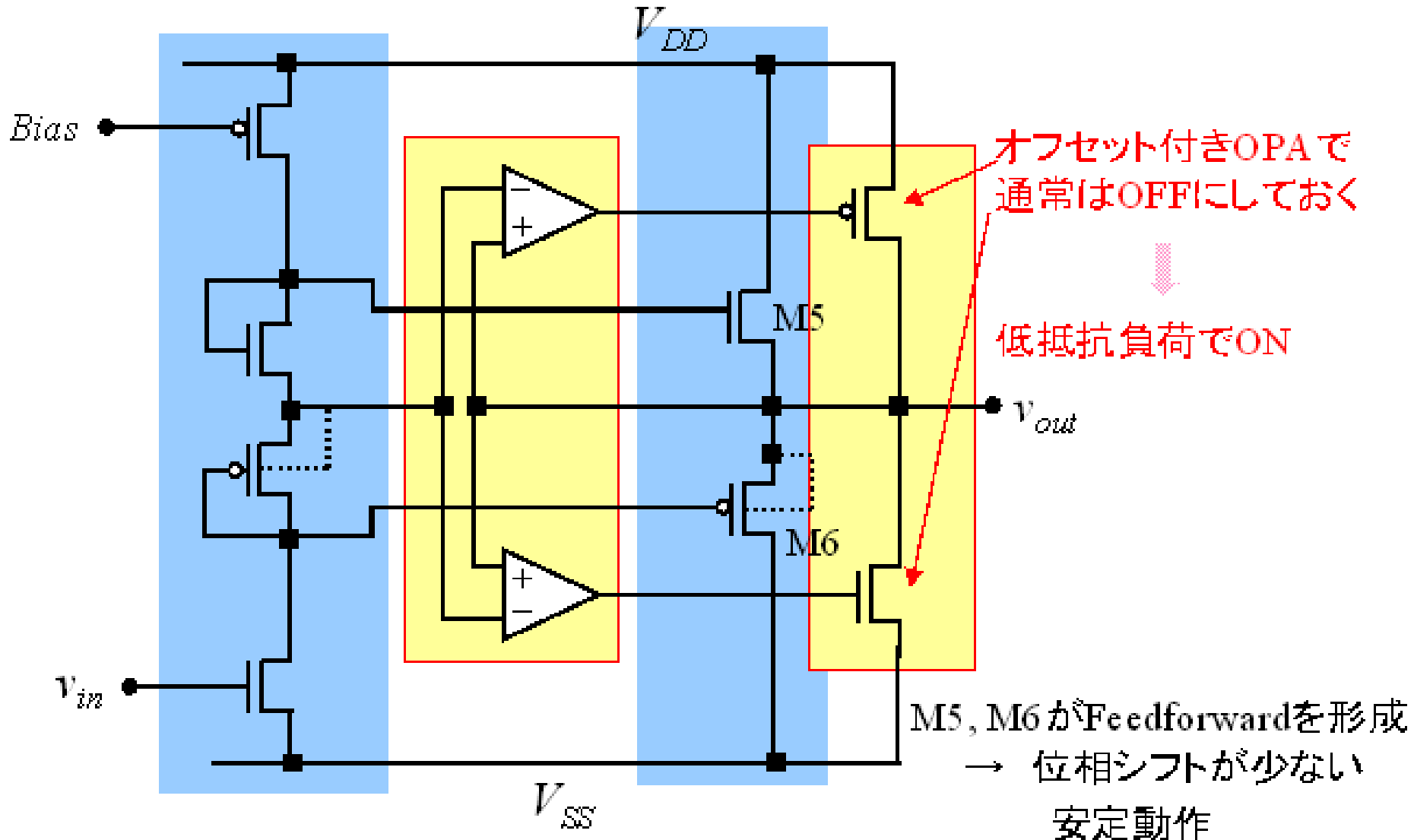


deleted based on copyright concern.

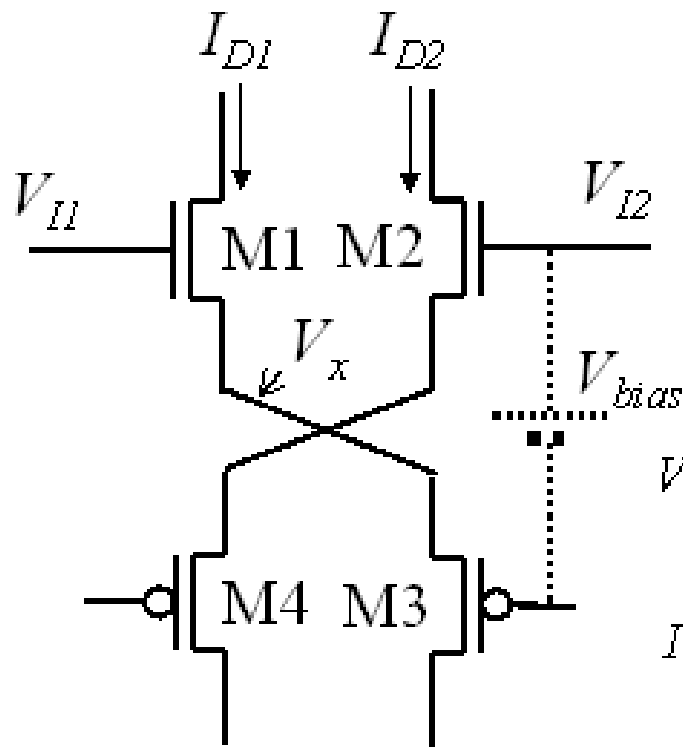
B.K.Ahuja, et al., IEEJ. Solid-state Circuits, SC-19,892(1984)

相補性ソースフォロア増幅回路  
(浮遊電圧源)

+ 擬似相補型出力バッファ  
OPアンプ使用



# ソースクロス結合型差動増幅器



nMOSとpMOSが普段の位置を入れ替えている

$$V_{I1} = \sqrt{\frac{2I_{D1}}{\beta_1}} + V_x + V_{Tn} \quad \leftarrow \quad I_{D1} = \frac{\beta_1}{2}(V_{I1} - V_x - V_{Tn})^2$$

$$I_{D1} = \frac{\beta_3}{2}(V_x + V_{bias} - V_{I2} - V_{Tp})^2$$

$$V_x = \sqrt{\frac{2I_{D1}}{\beta_3}} - V_{bias} + V_{I2} + V_{Tp}$$

$$\therefore V_{I1} - V_{I2} = \sqrt{2I_{D1}} \left( \frac{1}{\sqrt{\beta_1}} + \frac{1}{\sqrt{\beta_3}} \right) \boxed{-V_{bias} + V_{Tp} + V_{Tn}} \quad \text{直流分}$$

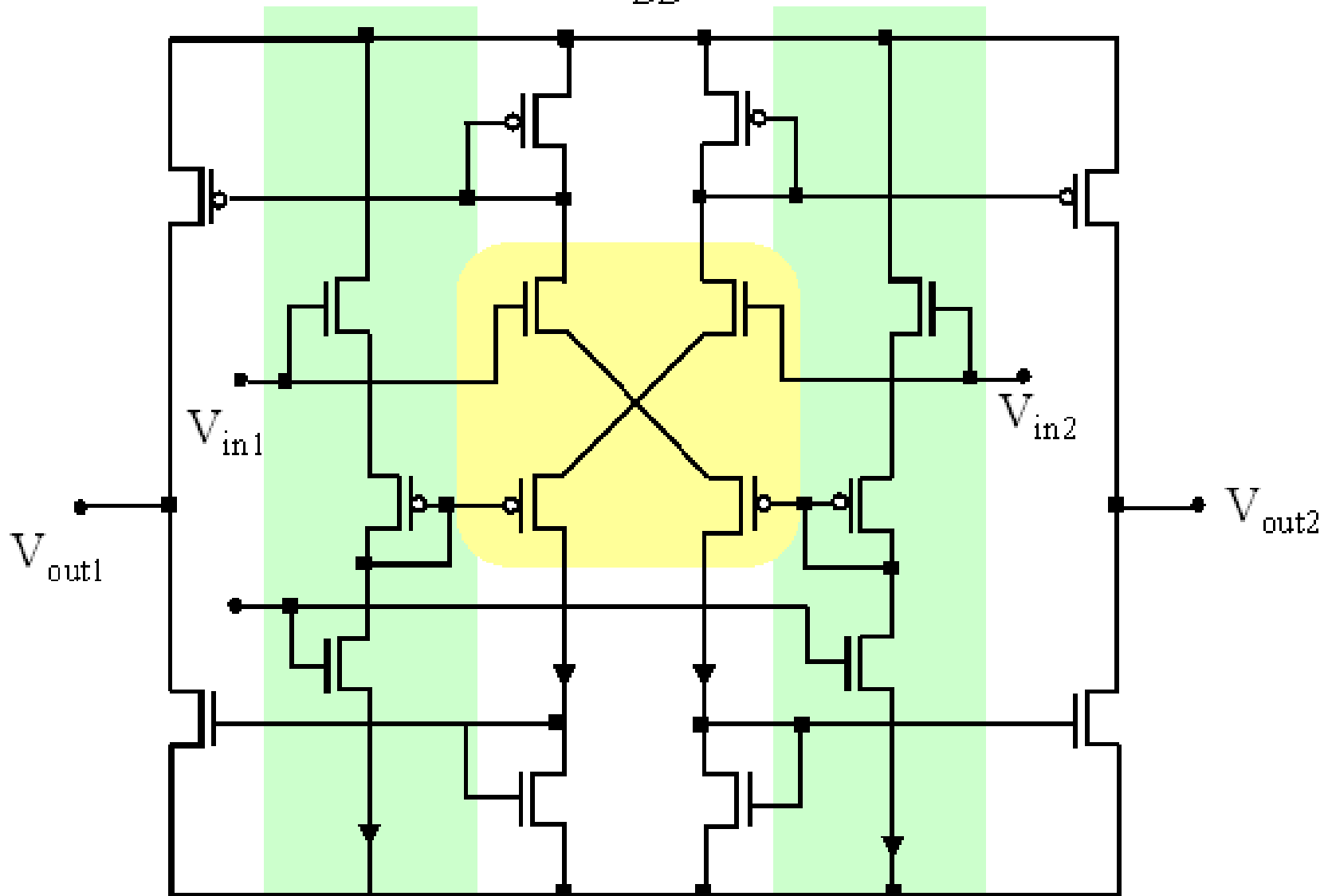
差動入力電圧 →  $I_{D1}$  をモニターして得られる

deleted based on copyright concern.

R.Castello and P.R.Gray, IEEEJ. Solid-state circuits, SC-20,1122(1985)

差動出力

$V_{DD}$



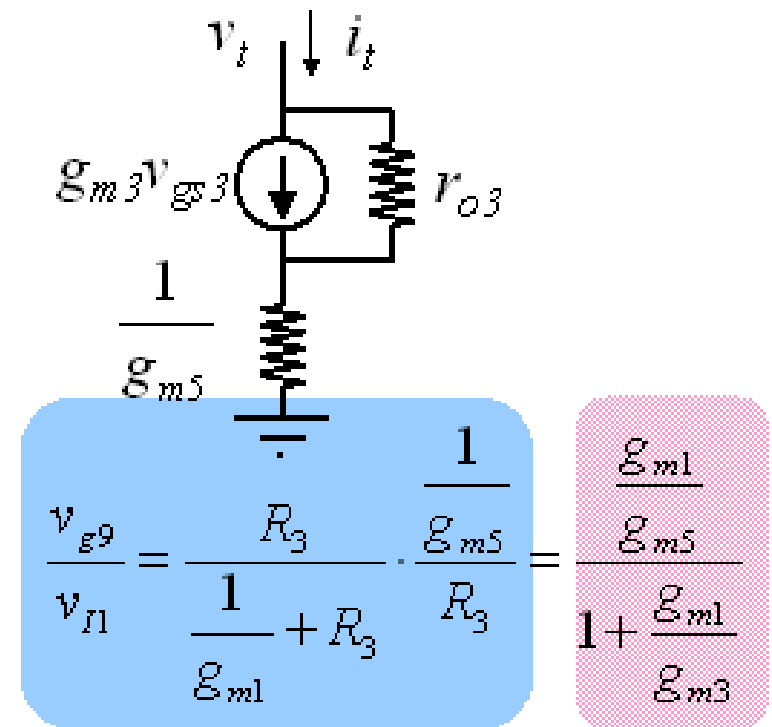
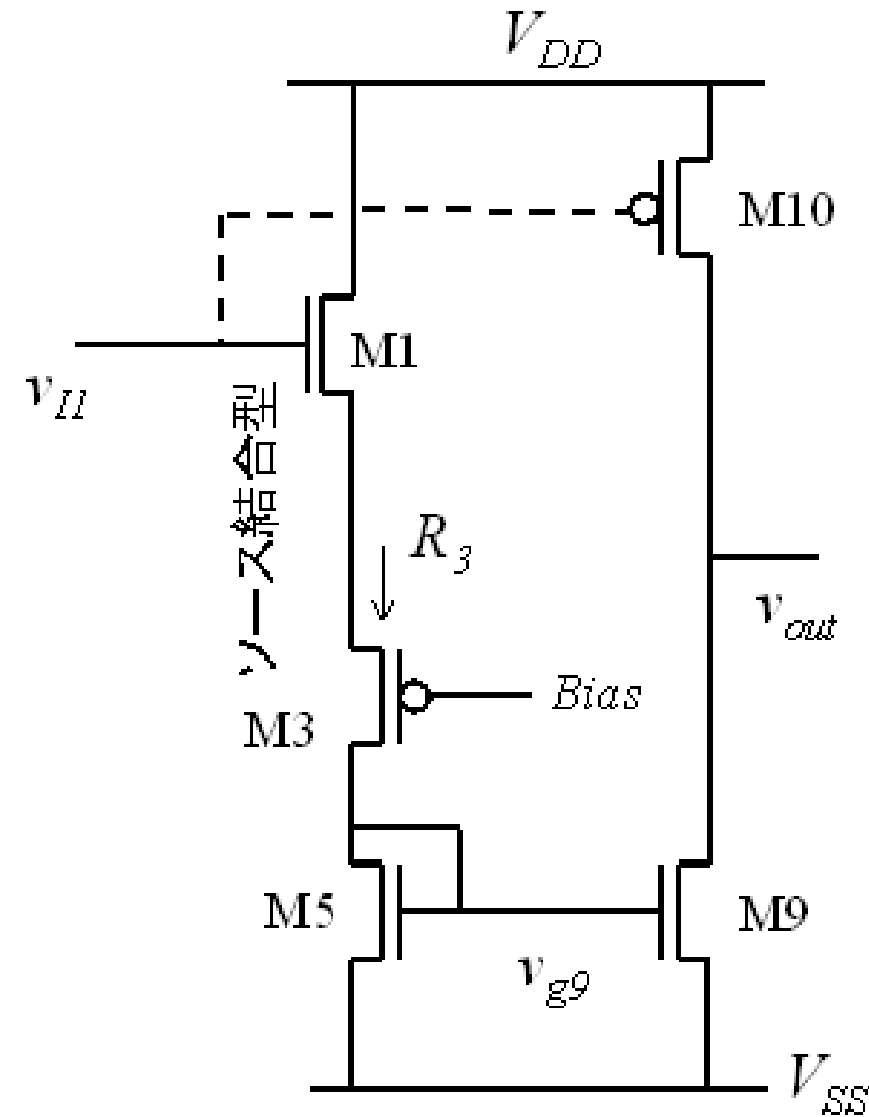
定バイアス回路

# 増幅率の見積もり

$$v_t = (i_t - g_{m3}v_{gs3})r_{o3} + \frac{i_t}{g_{m5}}$$

$$v_{gs3} = v_t$$

$$R_3 = \frac{v_t}{i_t} = \frac{1 + \frac{1}{g_{m5}r_{o3}}}{g_{m3} + \frac{1}{r_{o3}}} \approx \frac{1}{g_{m3}}$$



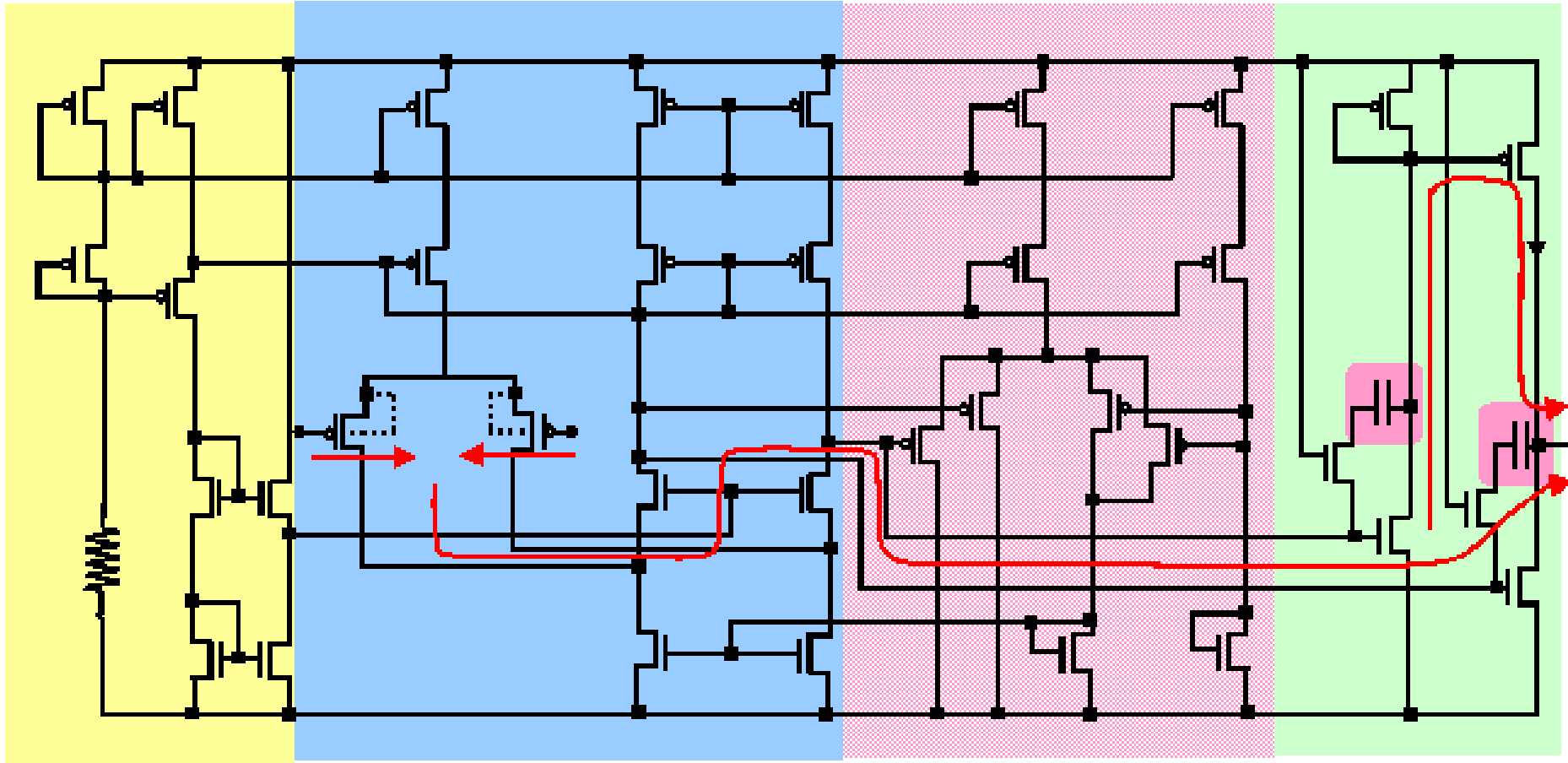
deleted based on copyright concern.

J.N.Babanezhad and R. Gregorian, IEEEJ. Solid-state circuits, SC-22,1080(1987)



deleted based on copyright concern.

J.N.Babanezhad, IEEEJ. Solid-state circuits, SC-23,1414(1988)



バイアス部

フォールドデッドカスケード  
差動入力段

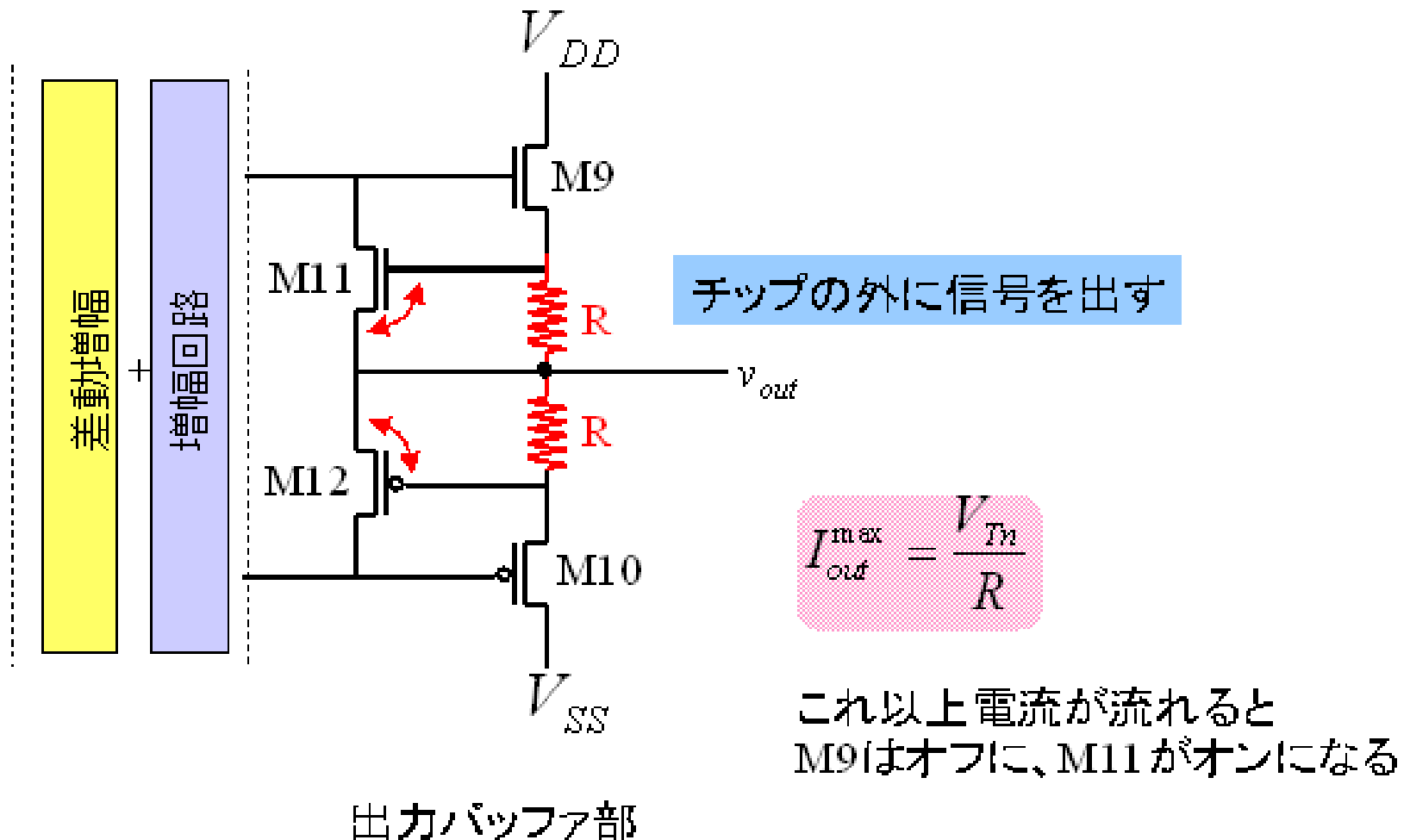
CMFB回路

AB級出力段

→  
信号伝達経路

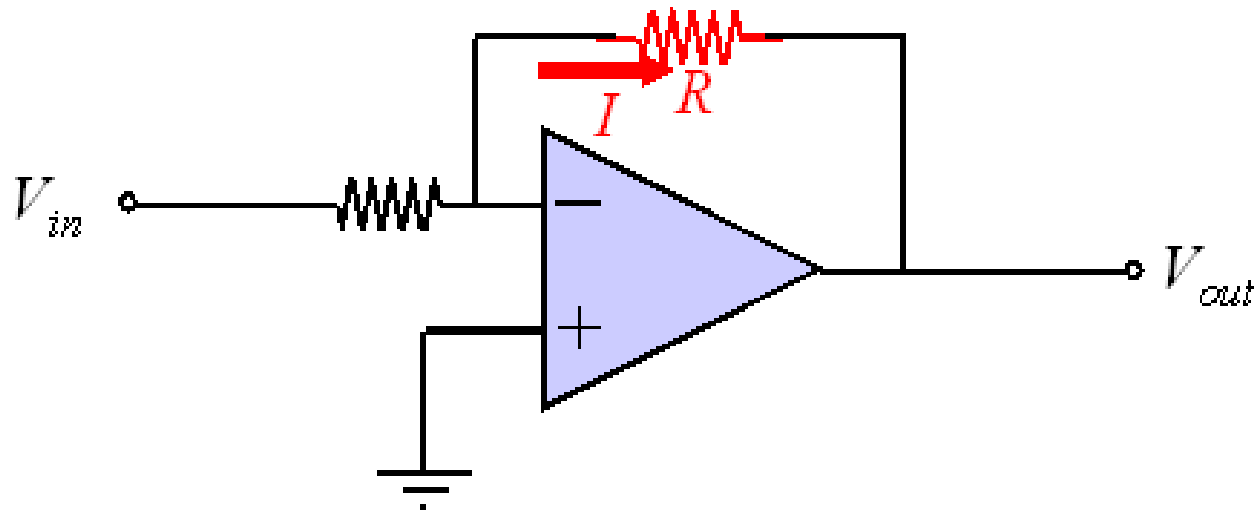
# OPA設計時に注意すべき点

# 出力保護回路 (出力端子短絡保護)



# OPA使用上の注意

## 発熱による高調波歪の発生



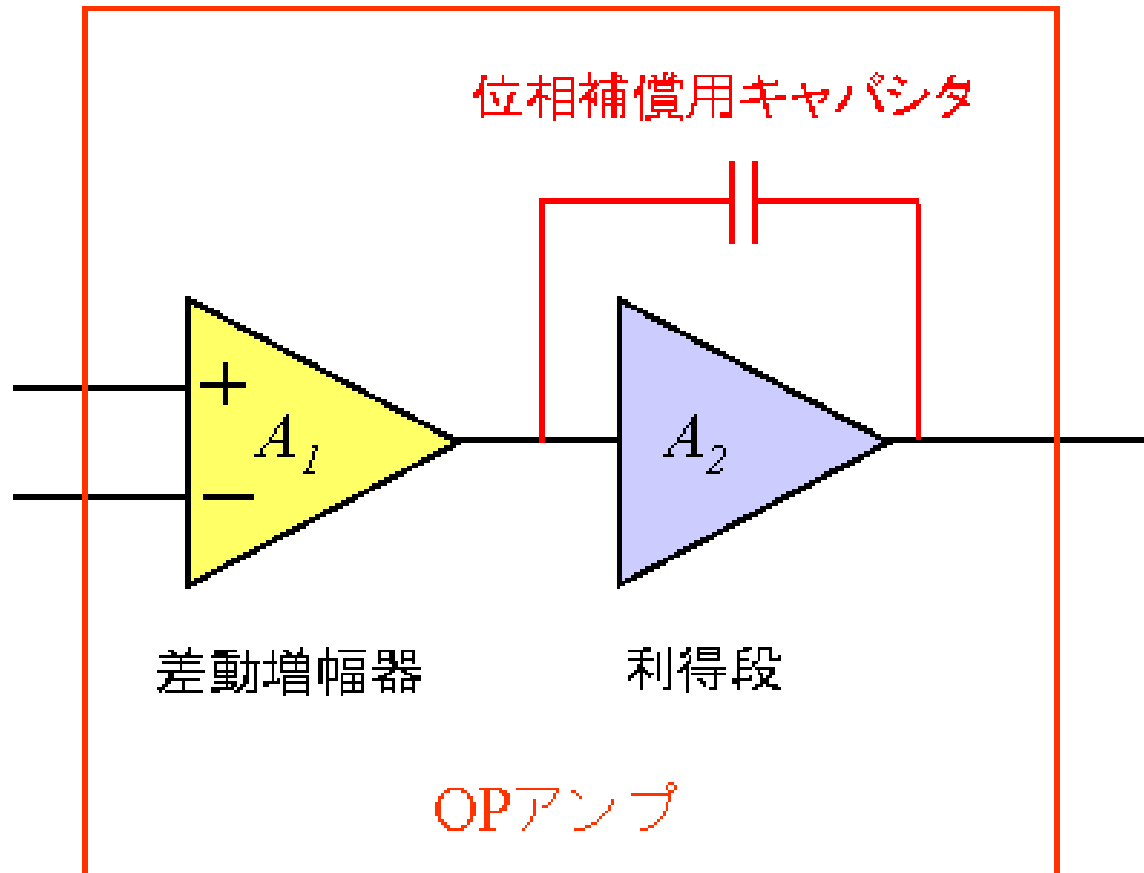
$$V_{out} = IR = IR_0 (1 + \alpha \Delta T) = IR_0 (1 + \alpha \beta I^2 R)$$

$$\therefore \Delta T = \beta I^2 R$$

$$V_{out} = A(V_{in} + \gamma V_{in}^3)$$

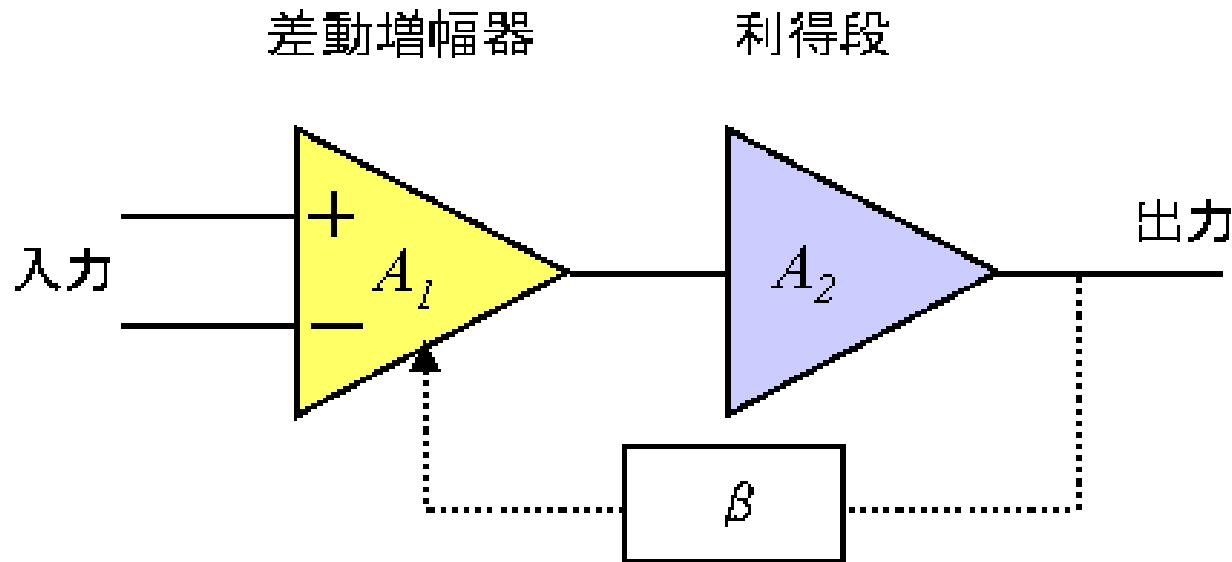
3次の高調波歪が顕著に現れる

# オペアンプの位相補償



# 位相補償の考え方

安定動作を保証



$$A_c = \frac{A_o}{1 + \beta A_o}$$

開ループ利得 $A_o$ が大きく、  
入出力の位相が逆転していると  
微量のフィードバックでも発振する  
( $A_c \rightarrow \infty$ ): 正帰還

これを回避する方策が位相補償

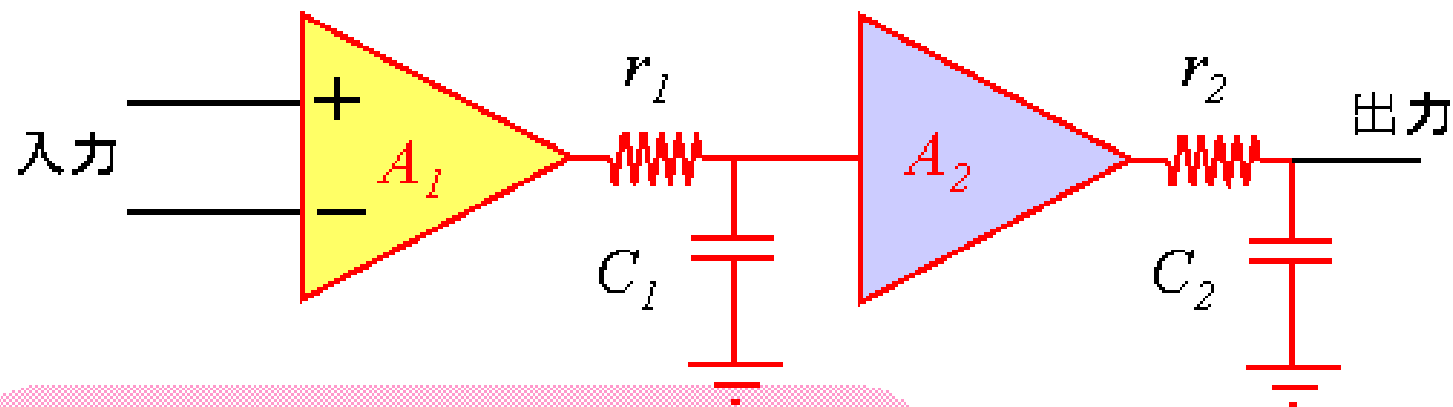
## 2段増幅回路の伝達関数

$$\frac{1}{1 + \frac{s}{\omega_1}}$$

$$\leftarrow \omega_1 = \frac{1}{r_1 C_1}$$

$$\frac{1}{1 + \frac{s}{\omega_2}}$$

$$\leftarrow \omega_2 = \frac{1}{r_2 C_2}$$



オープンループ利得

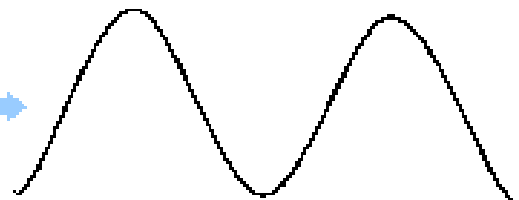
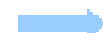
$$A_o(s) = \frac{A_1}{1 + \frac{s}{\omega_1}} \cdot \frac{A_2}{1 + \frac{s}{\omega_2}}$$

$$s \rightarrow j\omega$$

周波数が高くなると....  
位相が遅れ、振幅が減る

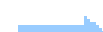


低周波

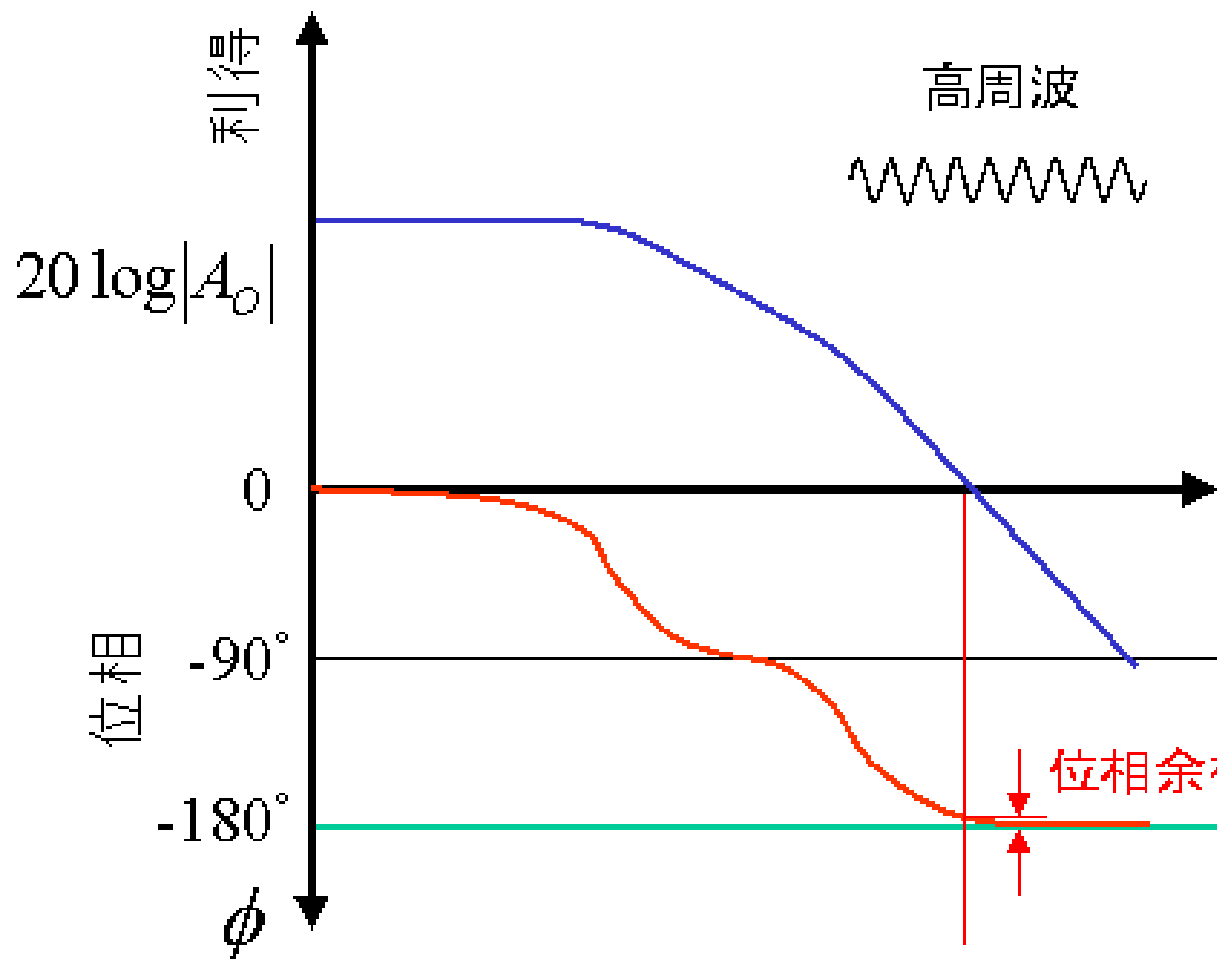


- ・振幅増大
- ・同位相

高周波



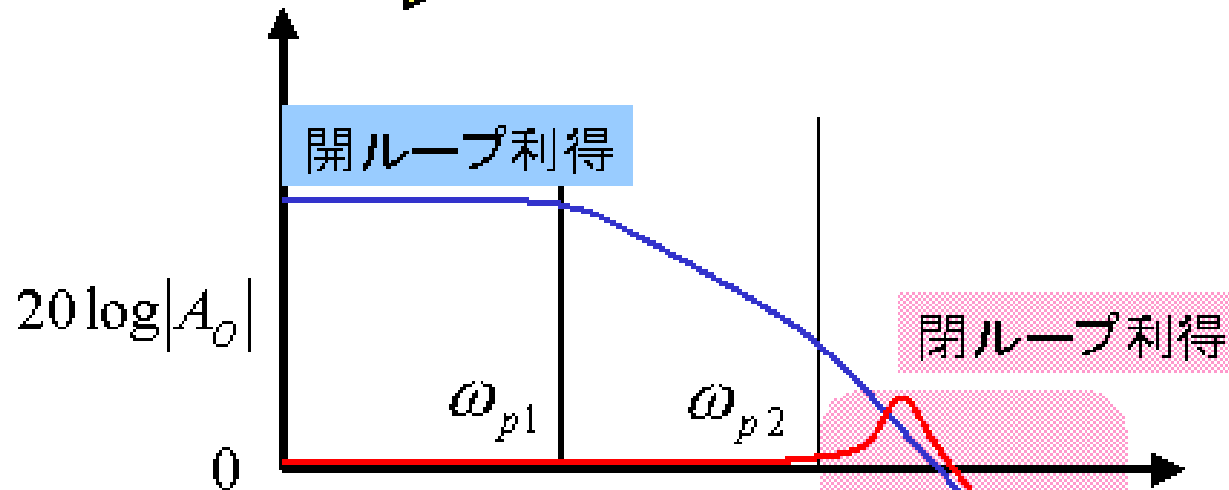
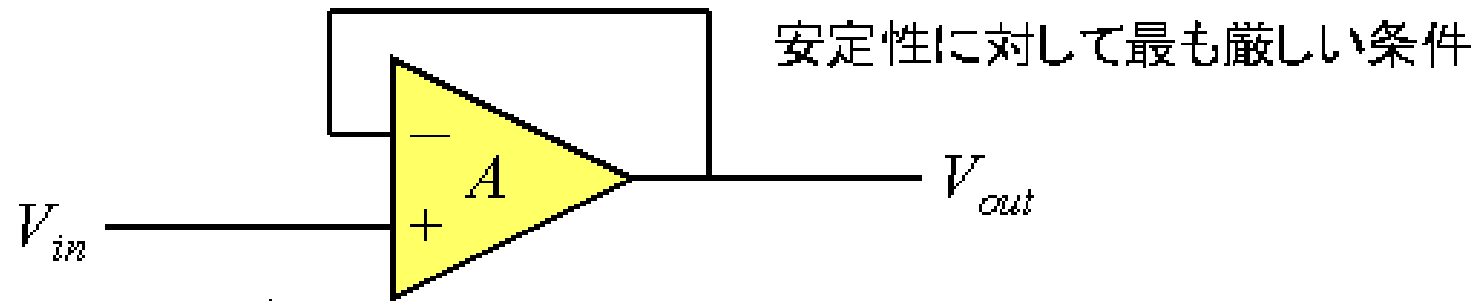
- ・振幅減少
- ・位相反転



位相余裕

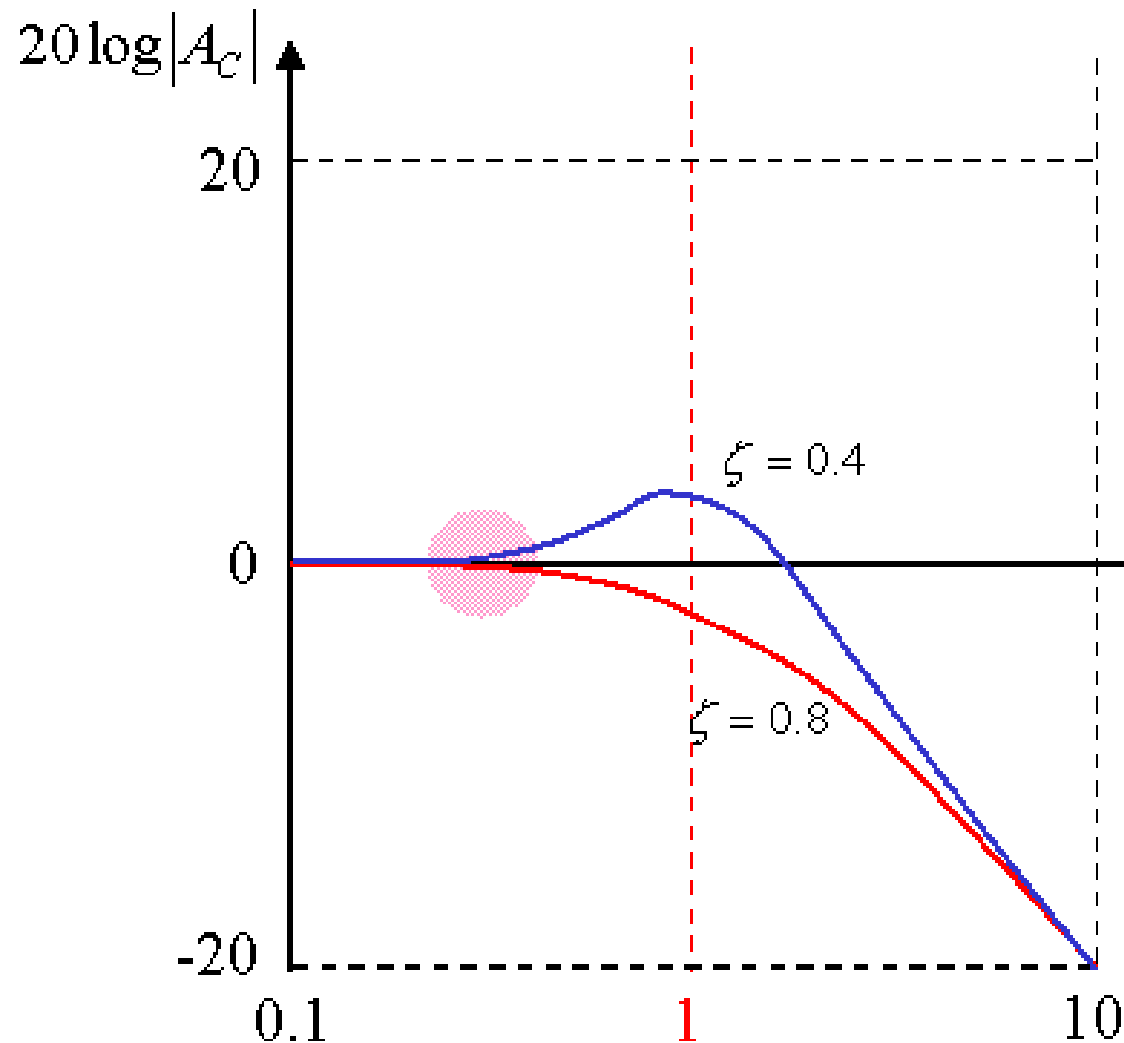
安定動作のためには $60^\circ$ 以上の位相余裕が望ましい

# ユニティゲインバッファ



$$A(s) = \frac{A_o}{\left(1 + \frac{s}{\omega_{p1}}\right)\left(1 + \frac{s}{\omega_{p2}}\right)} \rightarrow A_C(\omega) = \frac{A_o}{1 + A_o} \approx \frac{A_o}{1 + j\frac{\omega}{A_o\omega_{p1}} + j^2\frac{\omega^2}{A_o\omega_{p1}\omega_{p2}}}$$

# ユニティゲインバッファの周波数応答



$$A_c(\omega) \approx \frac{1}{1 + j2\zeta \frac{\omega}{\omega_{ref}} - \left(\frac{\omega}{\omega_{ref}}\right)^2}$$

ただし、 $\omega_{ref} = \sqrt{A_o \omega_{p1} \omega_{p2}}$

$$\zeta = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\omega_{p2}}{A_o \omega_{p1}}}$$

$$\frac{\omega}{\omega_{ref}}$$

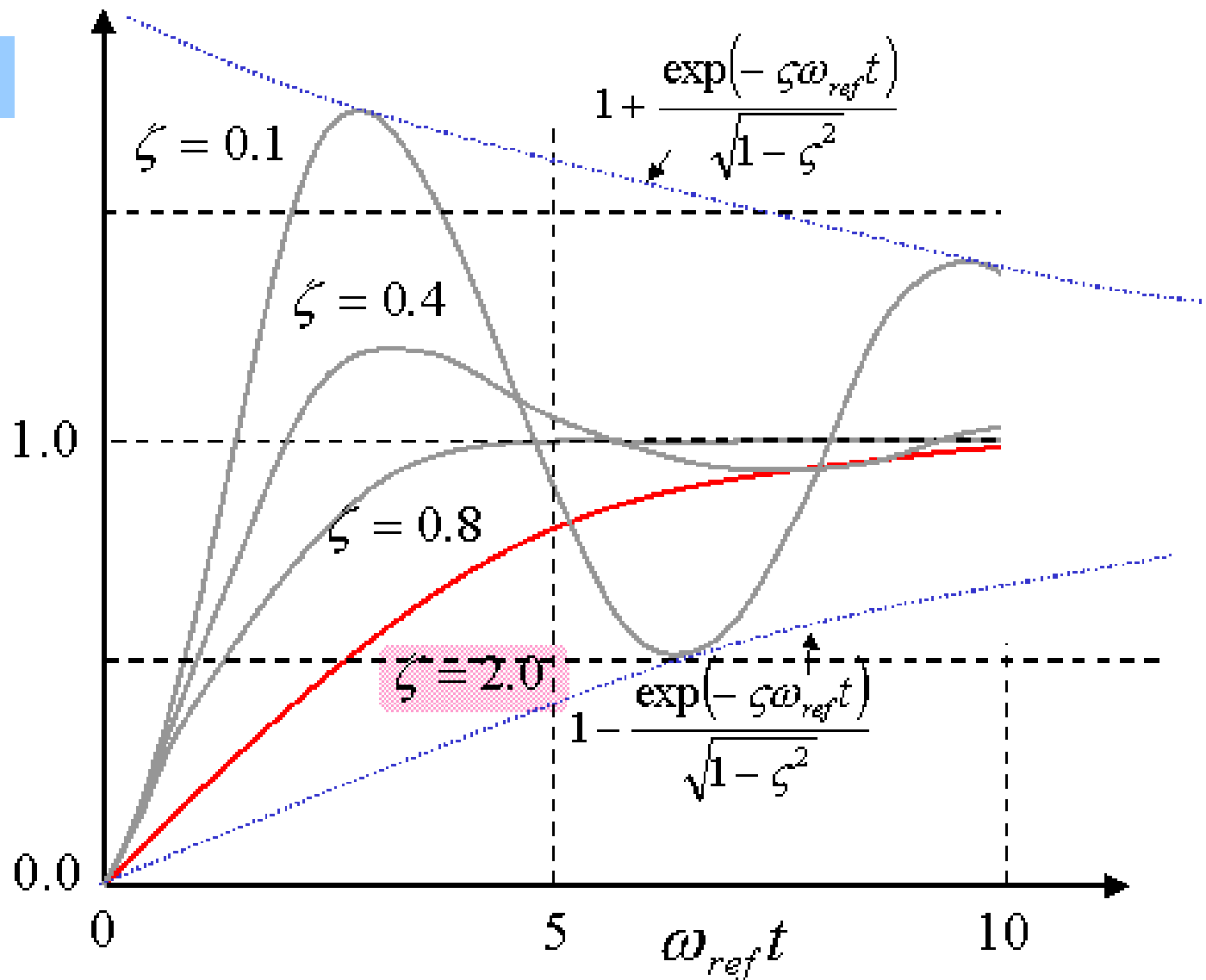
# ユニティゲインバッファの閉ループ利得・位相余裕

$$A_C(\omega) \approx \frac{1}{1 + j2\zeta \frac{\omega}{\omega_{ref}} + j^2 \left( \frac{\omega}{\omega_{ref}} \right)^2}$$

位相余裕(°)	$\zeta = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\omega_{p2}}{A_o \omega_{p1}}}$	ピーク値 = $\frac{1}{2\zeta \sqrt{1-\zeta^2}}$
27	0.35	3.6
45	0.5	1.2
63	0.71	0.0

# ユニティゲインバッファの過渡応答特性

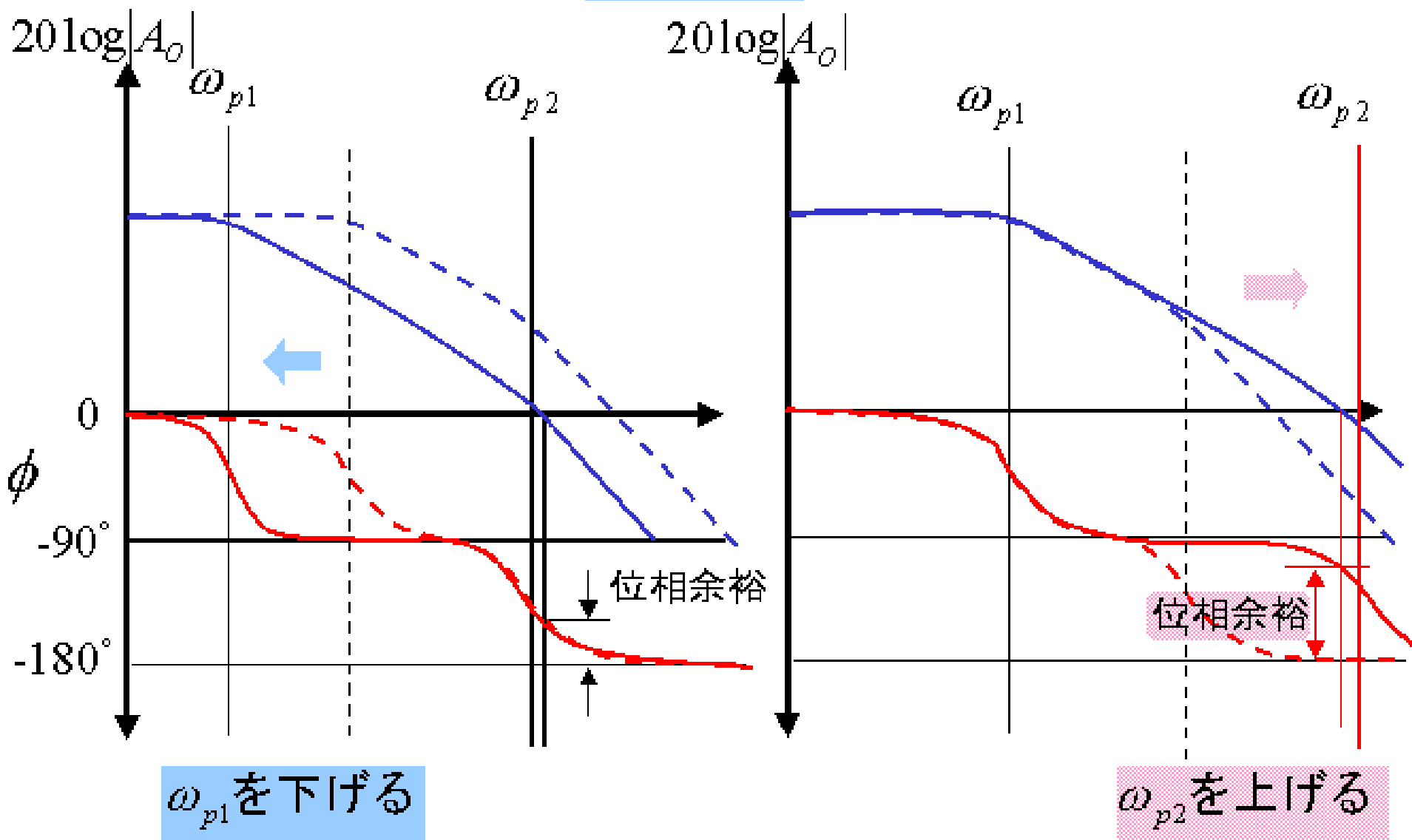
ステップ入力



# オペアンプの安定性向上策

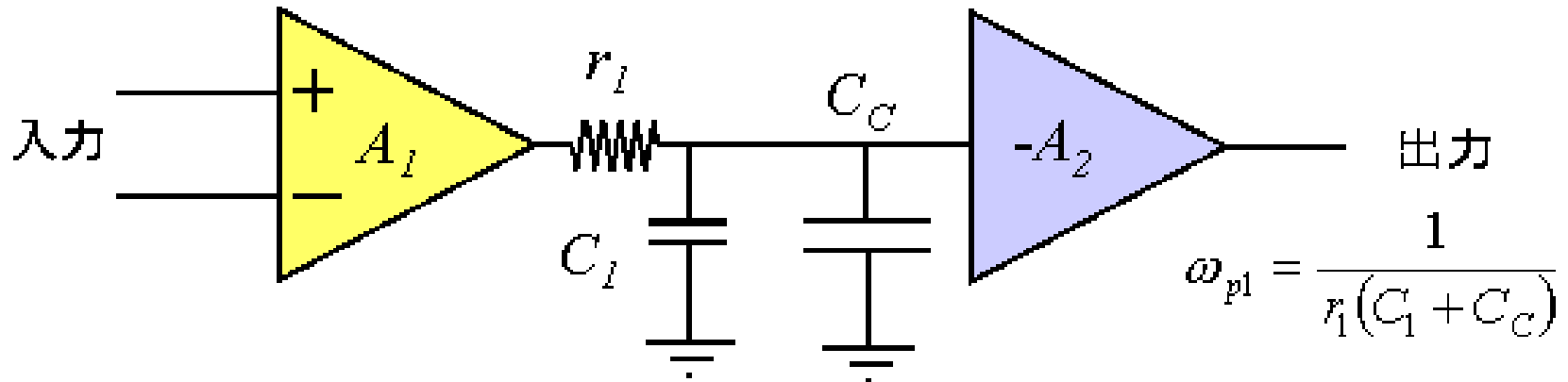
# 位相余裕を稼ぐ方法

## 極分離法



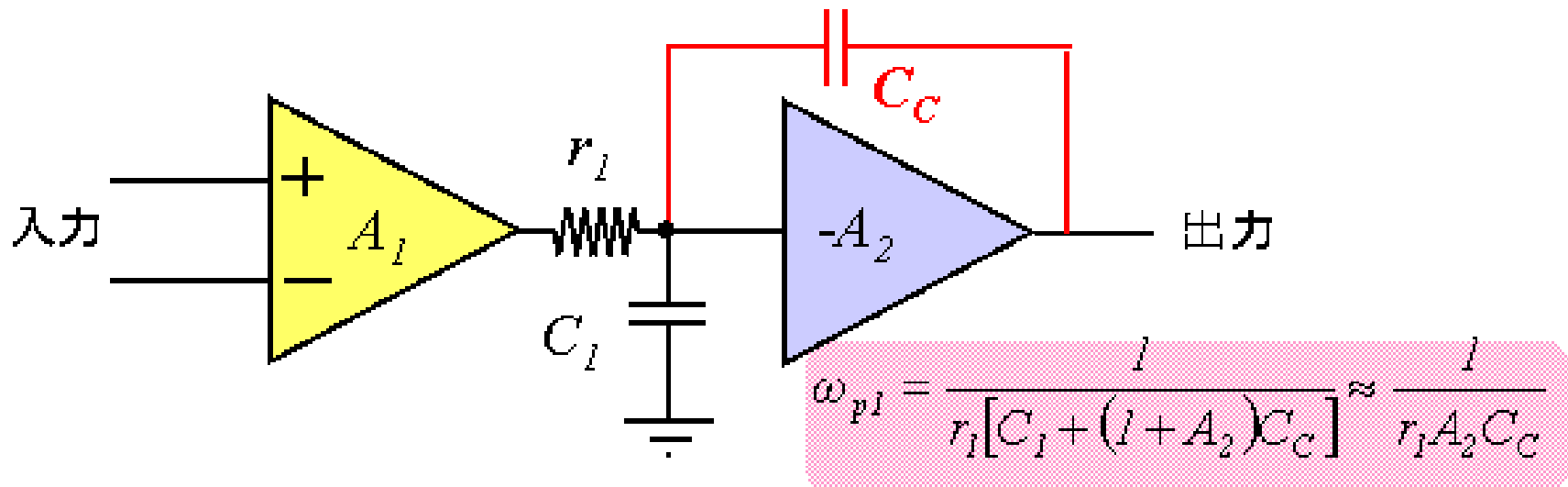
# $\omega_{pl}$ を下げる方法

## 第1次近似モデル



大きなキャパシタンス?? → ミラー効果を活用

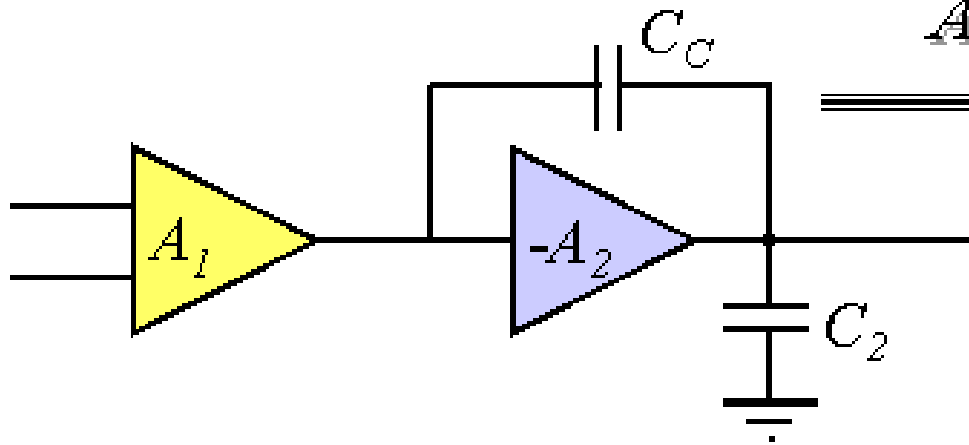
比較的小さなキャパシタンスでOK





# $A_2$ の周波数特性を考慮

第2次近似モデル



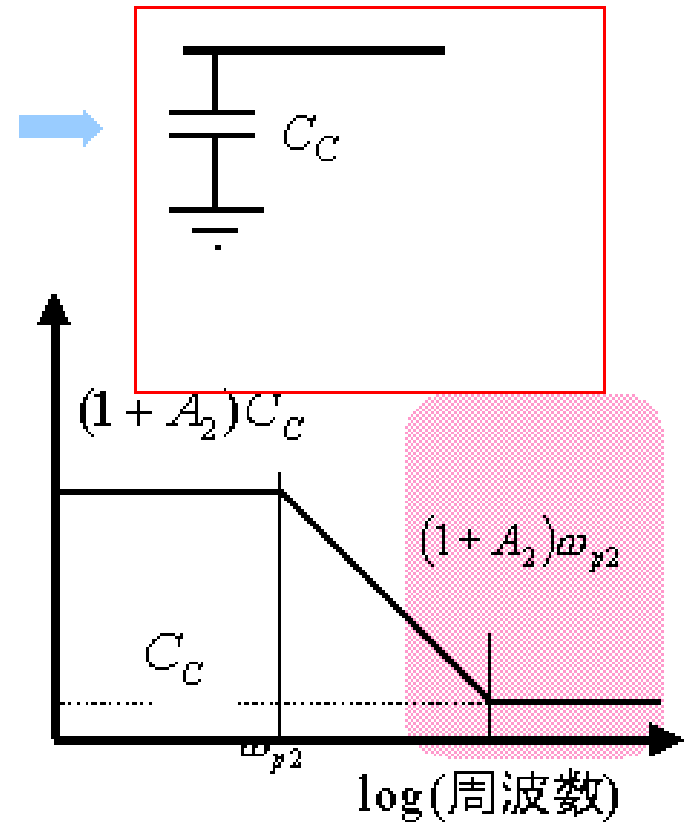
ミラー入力容量

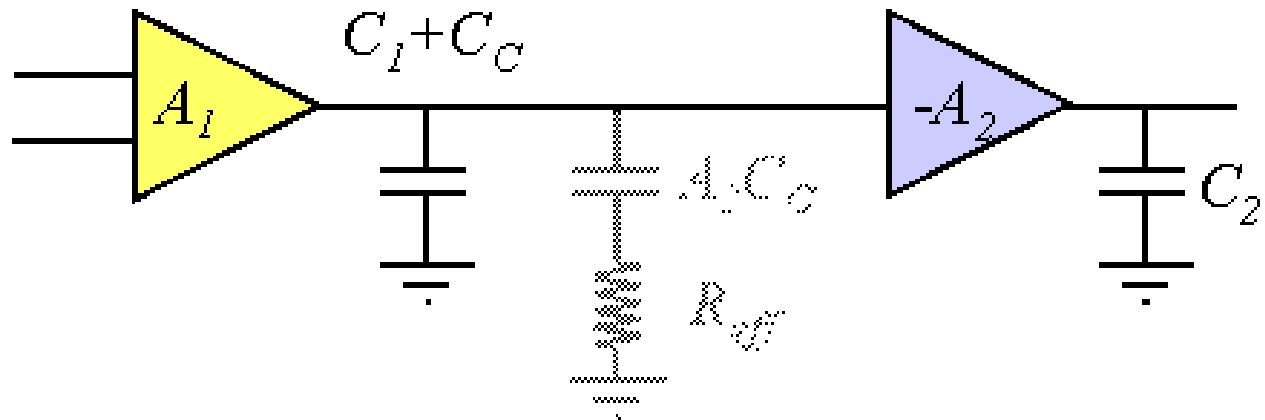
$$Y_{\text{eff}} = j\omega(1 + A_2(\omega))C_c = j\omega \left( 1 + \frac{A_2}{1 + \frac{j\omega}{\omega_{p2}}} \right) C_c$$

$$\therefore A_2(\omega) = \frac{A_2}{1 + \frac{j\omega}{\omega_{p2}}}$$

$$R_{\text{eff}} = \frac{1}{A_2 C_c \omega_{p2}}$$

実効容量



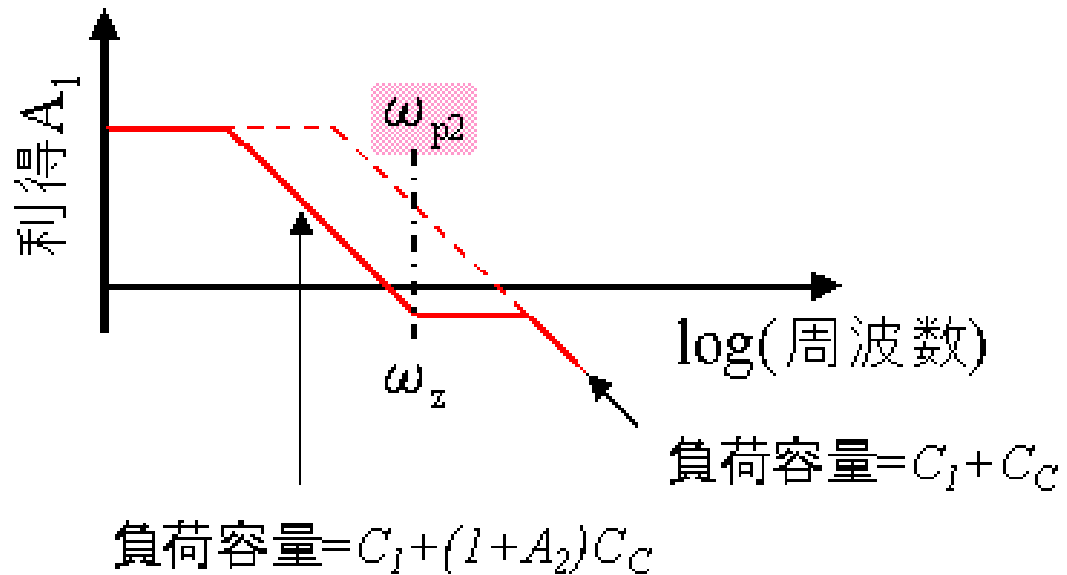


$$R_{\text{eff}} = \frac{1}{A_2 C_C \omega_{p2}}$$

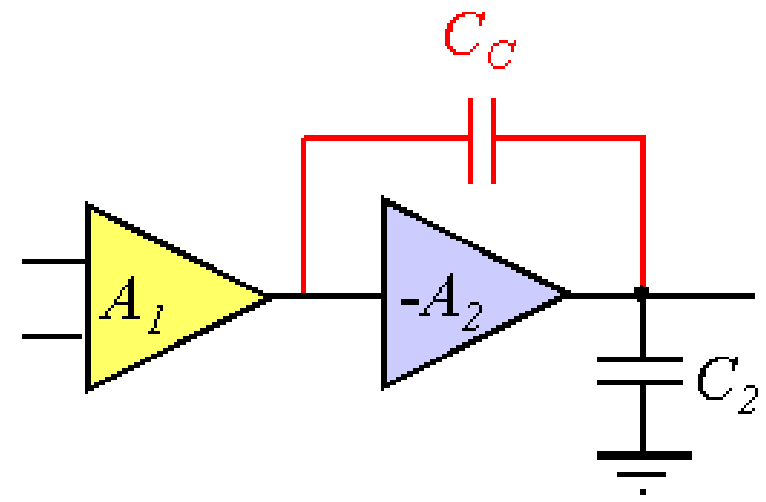
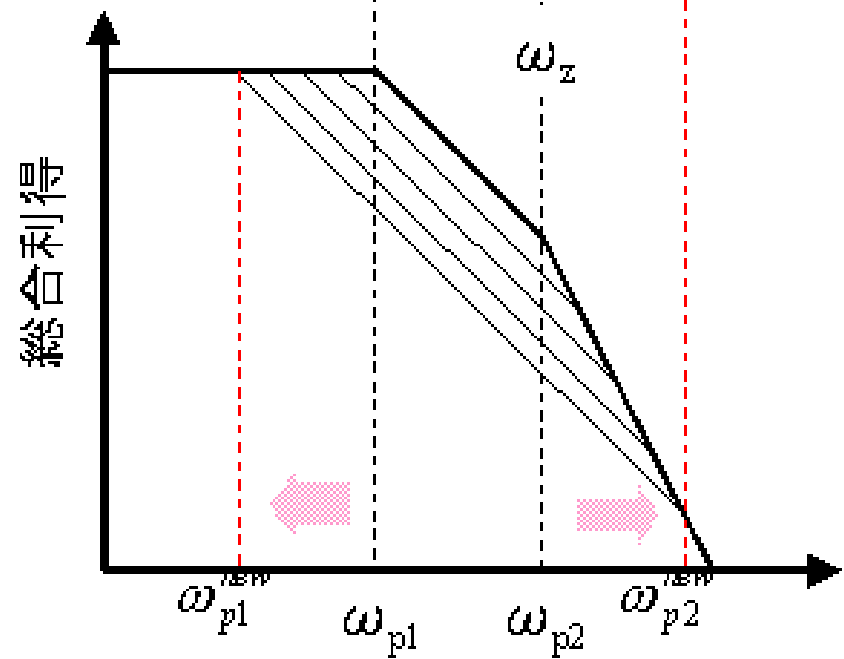
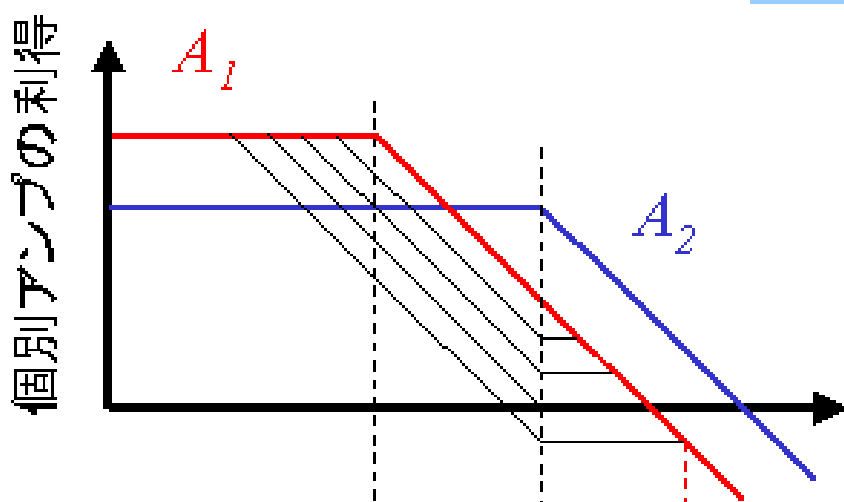


$$\omega_z = \frac{1}{R_{\text{eff}} A_2 C_C} = \omega_{p2}$$

正確に一致している



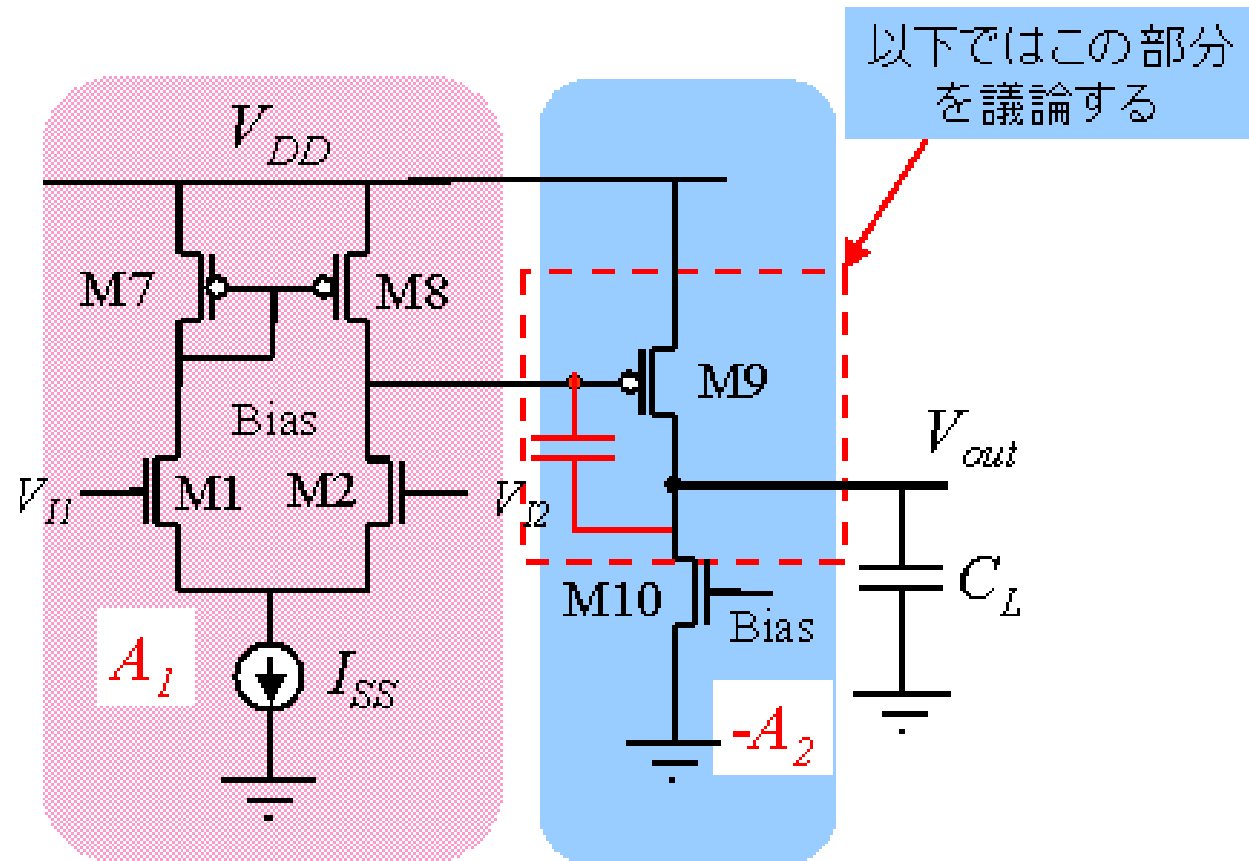
# 極分離法

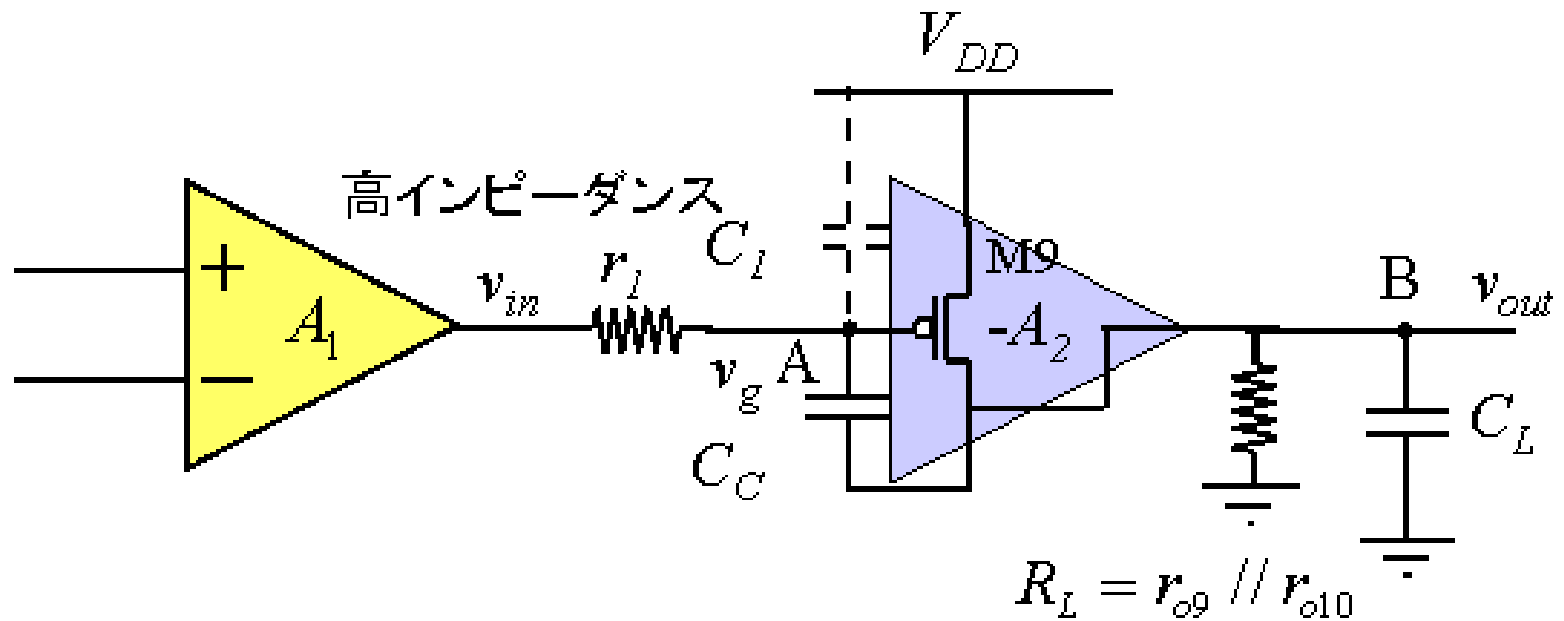


$C_C$ を組み込むだけで  
極分離が行われる

# 極分離法の具体例

## 第3次近似モデル





$$A_v(s) \equiv \frac{v_{out}}{v_{in}} \approx \frac{R_L (g_{m9} - sC_C)}{s^2 R_L r_1 (C_L C_C + C_L C_1 + C_C C_1) + s R_L r_1 g_{m9} C_C + 1}$$

$$A_V(s) \approx \frac{R_L (sC_C - g_{m9})}{s^2 R_L r_1 (C_L C_C + C_L C_1 + C_C C_1) + s R_L r_1 g_{m9} C_C + 1}$$

分母 = 0 の根

$$\omega_{p1} + \omega_{p2} \approx \omega_{p2} = \frac{-g_{m9} C_C}{C_L C_C + C_L C_1 + C_C C_1}$$

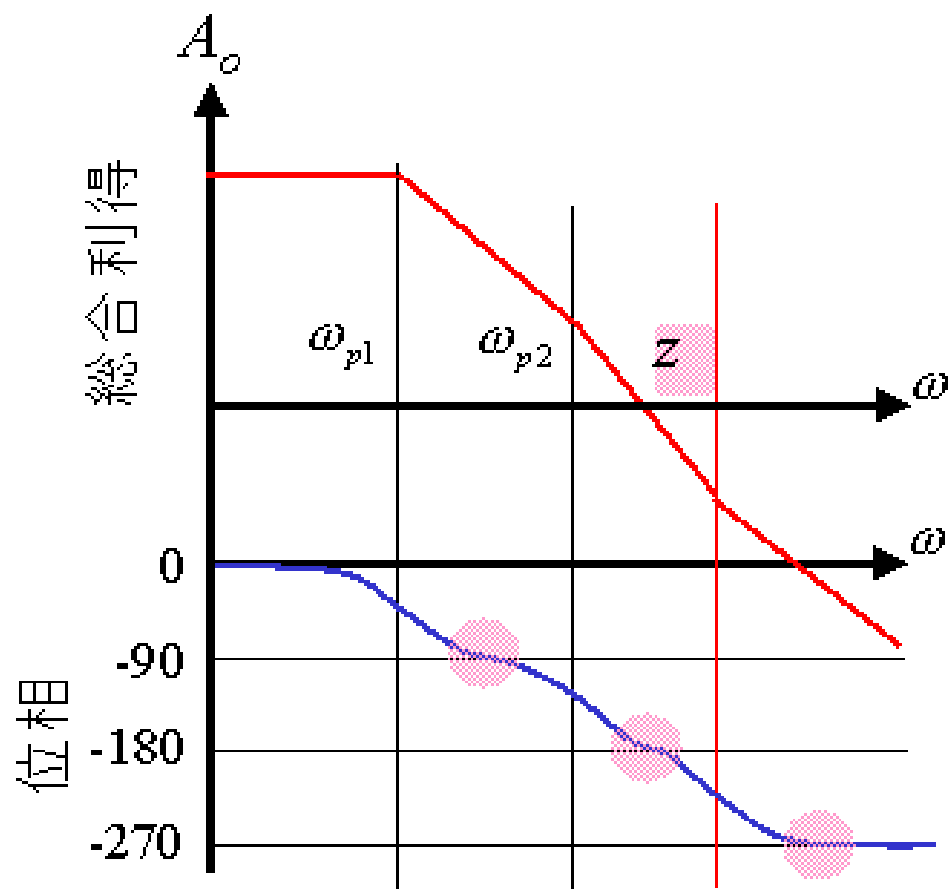
$$\omega_{p1} = \frac{\omega_{p1} \cdot \omega_{p2}}{\omega_{p2}} \approx \frac{-1}{r_1 R_L g_{m9} C_C}$$

↑  
 $A_2$  増幅率

分子 = 0 の根

$$z = \frac{g_{m9}}{C_C}$$

# 零点：利得と位相への影響

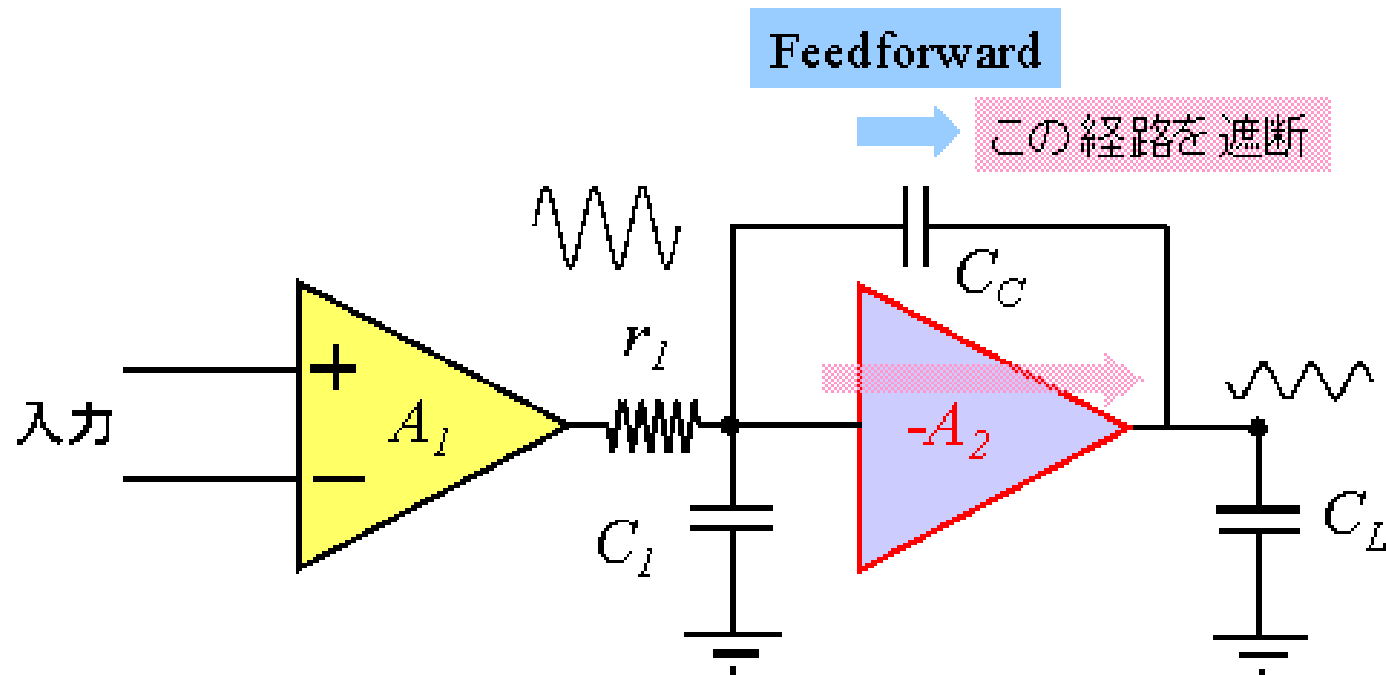


2段増幅回路の総合利得

$$A = A_o \frac{1 - \frac{s}{z}}{\left(1 + \frac{s}{\omega_{p1}}\right) \left(1 + \frac{s}{\omega_{p2}}\right)}$$

正の零点は位相余裕を減らす

# 零点の原因





# 零点を考慮した位相補償

1. 零点消去法(Compensation of positive zero)

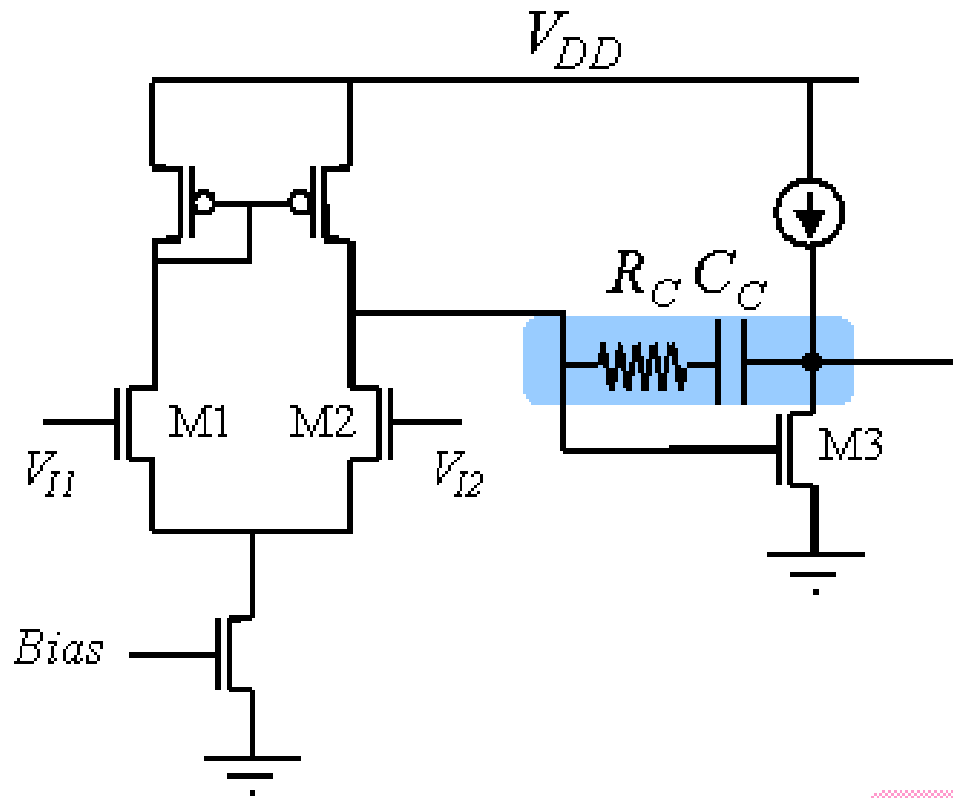
2. フィードフォワードパスの遮断

3. 複数経路補償法(Multipath zero cancellation technique)

4. 極・零キャンセル法(Pole zero cancellation technique)

# 零点消去法

ミラーループに抵抗追加  
---零点を高周波側に移動---



$$z = \frac{1}{\left( \frac{1}{g_{m3}} - R_C \right) C_C}$$

$$R_C = \frac{1}{g_{m3}} \quad \text{にすると零点} \rightarrow \infty$$

deleted based on copyright concern.

B.K.Ahuja, IEEE JSSC SC-18,629(1983)

deleted based on copyright concern.

R.G.H.Eschauzier and J. Hhuijsing, Proc.ESSCIRC,1993 p.122

## 極・零キャンセル法

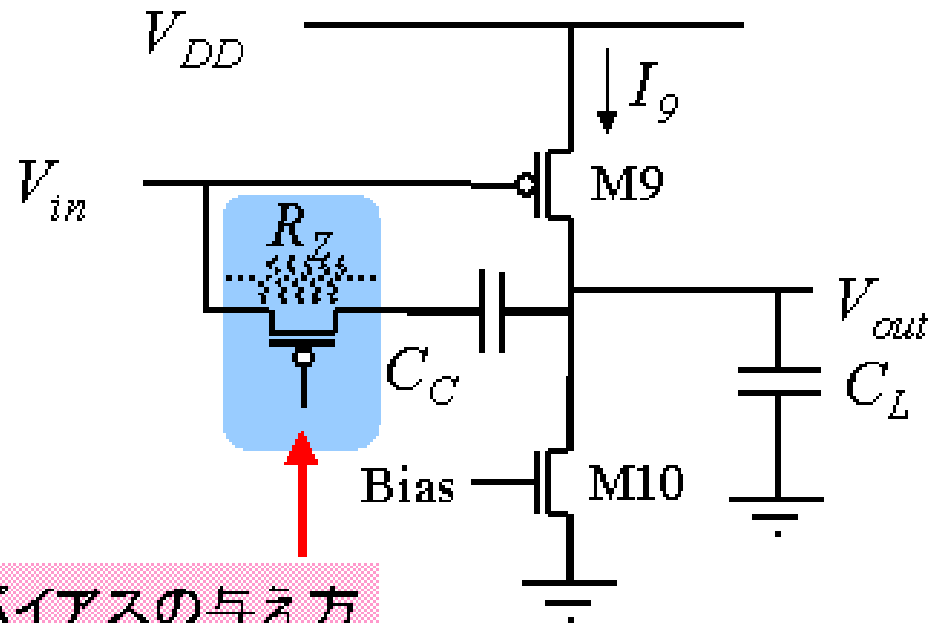
---

---

$$A_V(s) = A \frac{(s - z)}{(s + \omega_{p1})(s + \omega_{p2})}$$

*if*  $z = -\omega_{p2} \rightarrow$  分母、分子がキャンセルする  $\rightarrow$  極が一つ

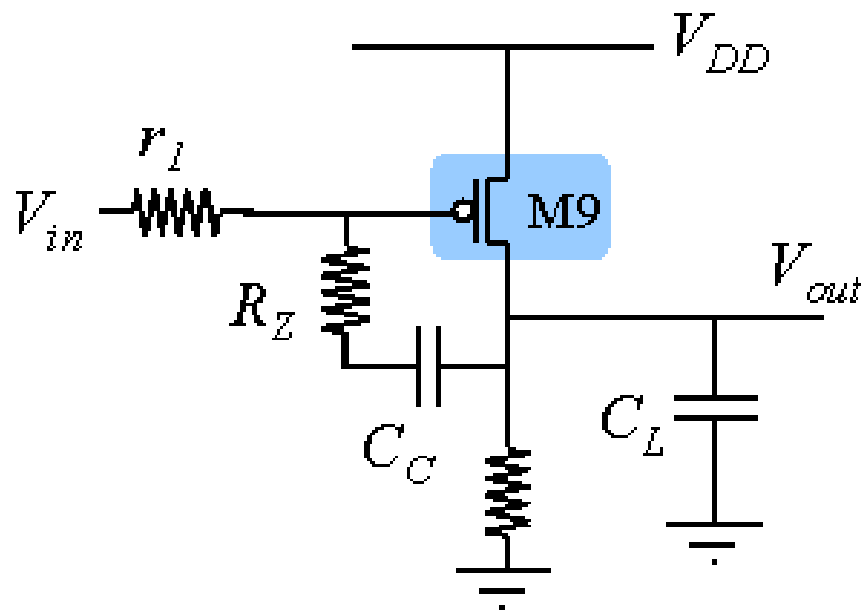
$$A_V(s) \approx A \frac{1}{(s + \omega_{p1})} \quad \text{安定動作}$$



抵抗( $R_Z$ ) → MOSFETで実現すると....

問題点

$R_Z$  値が出力電圧に依存



$$z \approx \frac{1}{C_C (g_{m9}^{-1} - R_Z)}$$

$$\omega_{p2} \approx \frac{g_{m9}}{C_L}$$

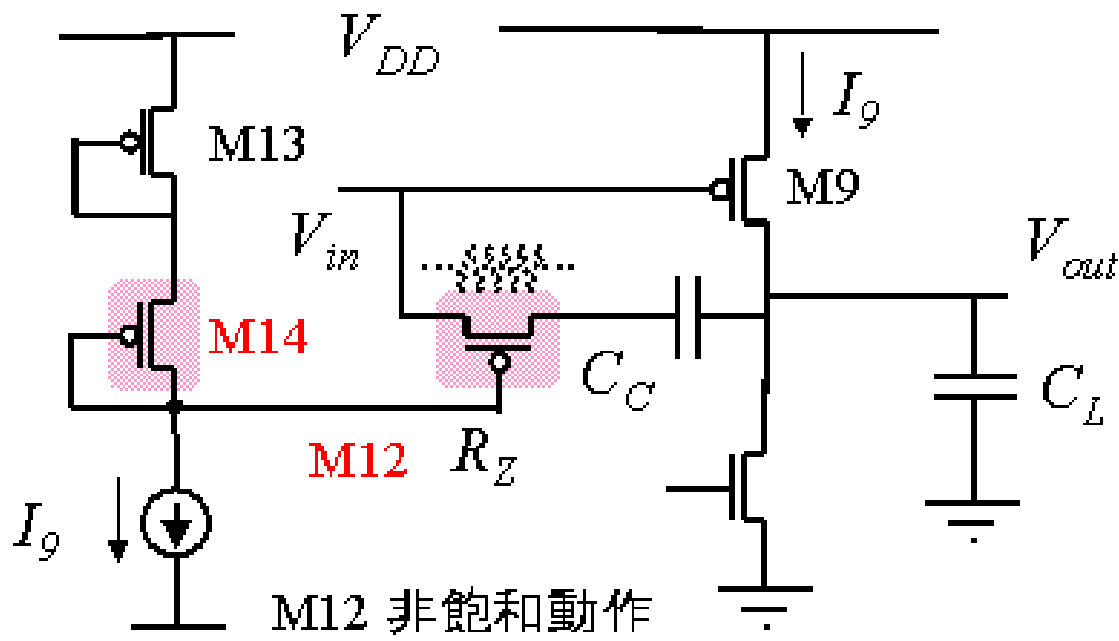
極・零キャンセル法

$$z = -\omega_{p2} \rightarrow \frac{1}{C_C (g_{m9}^{-1} - R_Z)} = \frac{-g_{m9}}{C_L}$$

$$\therefore R_Z = \frac{C_L + C_C}{g_{m9} C_C}$$



バイアス回路を工夫



$$R_Z = \frac{1}{\beta_{12}(V_{GS12} - V_{Tp})} = \frac{\beta_{14}}{\beta_{12}} \cdot \frac{1}{g_{m14}}$$

$$\because g_{m14} = \beta_{14}(V_{GS14} - V_{Tp}) \quad \text{and} \quad V_{GS14} = V_{GS12}$$

*Pole - zero cancellation*

条件

$$R_Z = \frac{\beta_{14}}{\beta_{12}} \cdot \frac{1}{g_{m14}} = \frac{1}{g_{m9}} \cdot \frac{C_L + C_C}{C_C} \quad \text{を満たすようにM12, M14の寸法決める}$$